

問題 I (計 3 4 点)

設問(1) 計 3 点	<p>[答] <math>N_1 = \left(\frac{1}{2} - \frac{x}{L}\right)mg</math>, <math>N_2 = \left(\frac{1}{2} + \frac{x}{L}\right)mg</math> : 完答 1 点</p> <p>[計算] 最大 2 点。</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>● ある点のまわりの力のモーメントのつり合いを考えている : 1 点</li> <li>● 鉛直方向の力のつり合い, または上記とは違う点のまわりの力のモーメントのつり合いを考えている : 1 点</li> </ul>
設問(2) 3 点	<p>[答] <math>\mu g</math> : 3 点</p>
設問(3) 3 点	<p>[答] <math>T = 2\pi\sqrt{\frac{L}{2\mu g}}</math> : 3 点</p>
設問(4) 3 点	<p>[答] <math>\omega_0 = \frac{2\pi x_0}{rT}</math> : 3 点</p> <p>※ <math>T = 2\pi\sqrt{\frac{L}{2\mu g}}</math> を代入した, <math>\omega_0 = \frac{x_0}{r}\sqrt{\frac{2\mu g}{L}}</math> も正解とする。</p>
設問(5) 計 4 点	<p>[答] <math>v_1 = \frac{m - M}{m + M}v_0</math>, <math>V_1 = \frac{2m}{m + M}v_0</math> : 各 2 点</p>
設問(6) 計 3 点	<p>[答] <math>v_1 = -\pi\sqrt{\frac{\mu g L}{8}}</math> : 1 点</p> <p>[計算] 最大 2 点。</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>● 1 回目の衝突と 2 回目の衝突の間に, 棒 B が半周期分の単振動をすることがわかっている : 1 点</li> <li>● <math>\Delta x_1 = 0</math> について立式している または, 速度についての立式で解く場合には, 棒 A の速度 <math>v_1</math> に関して, <math display="block">v_1 + \frac{1}{2}\mu g \times (\text{棒Bが衝突地点に戻るまでの時間}) = 0</math> と同値な条件式が立てられている : 1 点</li> </ul> <p>※ その他, 正しく解けば解答を得られる解法には点を与える。</p>
設問(7) 計 4 点	<p>[答] <math>v_2 = -v_0</math>, <math>V_2 = 0</math> : 各 2 点</p>
設問(8) 計 8 点	<p>[答] (あ) <math>\frac{m - M}{m + M}v_0</math> : 2 点      (い) <math>\frac{2m}{m + M}v_0</math> : 2 点</p> <p>(う) <math>-v_0</math> : 2 点      (え) <math>0</math> : 2 点</p>
設問(9) 3 点	<p>[答] (イ) : 3 点</p>

## 問題 II (計 33 点)

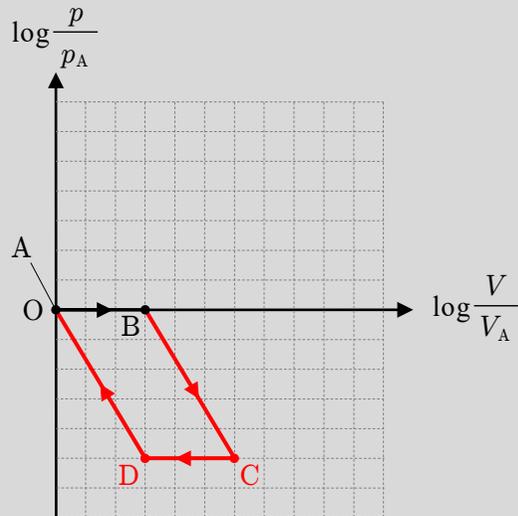
設問(1) 2 点	[答] 負 : 2 点
設問(2) 3 点	[答] $B_0 = \frac{mv_0 \sin \theta}{qr}$ : 3 点
設問(3) 3 点	[答] $T = \frac{2\pi r}{v_0 \sin \theta}$ : 3 点
設問(4) 3 点	[答] $E_0 = \frac{mv_0^2 \cos^2 \theta}{2qh}$ : 3 点
設問(5) 3 点	[答] $t_0 = \frac{2h}{v_0 \cos \theta}$ : 3 点
設問(6) 3 点	[答] $n = \frac{h \tan \theta}{\pi r}$ : 3 点
設問(7) 2 点	[答] 4 倍 : 2 点
設問(8) 2 点	[答] 4 倍 : 2 点
設問(9) 2 点	[答] 8 倍 : 2 点
設問(10) 計 10 点	[答] (あ) $\frac{kQq}{mv_0^2}$ : 3 点      (い) $-mv_0^2$ または $-\frac{kQq}{r_0}$ : 3 点 (う) $\frac{\alpha^2}{2 - \alpha^2}$ : 2 点      (え) $\frac{2 - \alpha^2}{\alpha}$ : 2 点

## 問題 III (計 33 点)

設問(1) 3 点	[答] $p_D = \alpha^{-\frac{5}{3}} p_A$ : 3 点
設問(2) 3 点	[答] $\beta = \alpha^2$ : 3 点
設問(3) 3 点	[答] (イ) : 3 点 ※ (エ), (カ)を選んだ場合は, 部分点 2 点を与える。
設問(4) 計 7 点	<p>[答] <math>W = \frac{5}{2}(\alpha - 1)\left(1 - \alpha^{-\frac{2}{3}}\right)p_A V_A</math>, <math>\eta = 1 - \alpha^{-\frac{2}{3}}</math> : 各 1 点</p> <p>[計算] 最大 5 点。5 点を上限として加算する。</p> <p>過程 A→B における仕事を <math>W_{AB}</math>, 吸熱量を <math>Q_{AB}</math> のように表すとして:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>● <math>W = W_{AB} + W_{BC} + W_{CD} + W_{DA}</math> または, <math>W = Q_{AB} + Q_{CD}</math> によって正味の仕事 <math>W</math> を計算しようとしている : 2 点</li> <li>● <math>W_{AB} = (\alpha - 1)p_A V_A</math>      または    <math>Q_{AB} = \frac{5}{2}(\alpha - 1)p_A V_A</math> : 1 点</li> <li>● <math>W_{BC} = \frac{3}{2}\alpha\left(1 - \alpha^{-\frac{2}{3}}\right)p_A V_A</math>      または    <math>Q_{BC} = 0</math> : 1 点</li> <li>● <math>W_{CD} = -\alpha^{-\frac{2}{3}}(\alpha - 1)p_A V_A</math>      または    <math>Q_{CD} = -\frac{5}{2}\alpha^{-\frac{2}{3}}(\alpha - 1)p_A V_A</math> : 1 点</li> <li>● <math>W_{DA} = -\frac{3}{2}\left(1 - \alpha^{-\frac{2}{3}}\right)p_A V_A</math>      または    <math>Q_{DA} = 0</math> : 1 点</li> <li>● 熱効率 <math>\eta</math> の定義が理解されている。すなわち, <math>\eta = \frac{W}{Q_{in}} = 1 - \frac{Q_{out}}{Q_{in}}</math> などによって計算しようとしている : 1 点</li> </ul>

設問(5)  
4 点

[ 答 ]



最大 4 点。

- ① 過程 B→C, 過程 D→A が傾き  $-\frac{5}{3}$  の直線で表されている : 1 点
- ② 過程 C→D が  $\log \frac{V}{V_A}$  軸に平行な直線で表されている : 1 点
- ③ 状態 B と D の体積が等しい : 1 点
- ④ 状態 C の体積の対数  $\log \frac{V_C}{V_A}$  が,  $2 \log \frac{V_B}{V_A}$  に等しい : 1 点

※ [説明] は, 描かれたグラフが曖昧な場合に補助的な採点対象とする。グラフにうまく表されていない場合でも, [説明] に正しい記述が見られれば点を与える。逆に, 以上の要素がグラフに表現されていれば, [説明] に記述がなくても点を与える。

設問(6)  
計 10 点

- [ 答 ] (あ) ① : 3 点                      (い)  $ab^{\frac{3}{5}}$  : 3 点
- (う)  $\frac{1+a}{1+ab^{\frac{3}{5}}}$  : 2 点                      (え)  $\left(\frac{1+ab^{\frac{3}{5}}}{1+a}\right)^{\frac{5}{3}}$  : 2 点

設問(7)  
計 3 点

[ 答 ]  $K_{\max} = \frac{3}{20} \delta^2 p_0 V_0$  : 1 点

[ 計算 ] 最大 2 点。

- 系のエネルギー収支に着目している : 1 点
- 求める運動エネルギーが, 気体の失った内部エネルギーに等しいことが理解されている : 1 点