

試験開始の合図があるまで、この問題冊子の中を見てはいけません。

Ⓕ

数 学 ①

数学 I

(100点
60分)

この問題冊子には、「数学 I」「数学 I・数学 A」の 2 科目を掲載しています。
解答する科目を間違えないよう選択しなさい。

I 注 意 事 項

1 解答用紙には解答欄以外に次の記入欄があるので、それぞれ正しく記入し、マークしなさい。

① 受験番号欄

受験番号(数字及び英字)を記入し、さらにその下のマーク欄にマークしなさい。正しくマークされていない場合は、採点できないことがあります。

② 氏名欄、試験場コード欄

氏名・フリガナ及び試験場コード(数字)を記入しなさい。

③ 解答科目欄

解答する科目を一つ選び、科目名の下の○にマークしなさい。マークされていない場合又は複数の科目にマークされている場合は、0点となります。

2 出題科目、ページ及び選択方法は、下表のとおりです。

出 題 科 目	ペ ー ジ	選 択 方 法
数 学 I	4~11	左の 2 科目のうちから 1 科目を選択し、解答しなさい。
数学 I・数学 A	12~19	

3 試験中に問題冊子の印刷不鮮明、ページの落丁・乱丁及び解答用紙の汚れ等に気付いた場合は、手を挙げて監督者に知らせなさい。

4 問題冊子の余白等は適宜利用してよいが、どのページも切り離してはいけません。

5 試験終了後、問題冊子は持ち帰りなさい。

II 解答上の注意

解答上の注意は、裏表紙に記載してあるので、この問題冊子を裏返して必ず読みなさい。ただし、問題冊子を開いてはいけません。

II 解答上の注意

- 1 解答は、解答用紙の問題番号に対応した解答欄にマークしなさい。
- 2 問題の文中の **ア**， **イウ** などには、特に指示がないかぎり、符号(－，±)又は数字(0～9)が入ります。**ア**， **イ**， **ウ**， …のの一つ一つは、これらのいずれか一つに対応します。それらを解答用紙の**ア**， **イ**， **ウ**， …で示された解答欄にマークして答えなさい。

例 **アイウ** に -83 と答えたいとき

ア	●	±	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
イ	⊖	±	0	1	2	3	4	5	6	7	●	9
ウ	⊖	±	0	1	2	●	4	5	6	7	8	9

なお、同一の問題文中に **ア**， **イウ** などが2度以上現れる場合、2度目以降は、**ア**， **イウ** のように細字で表記します。

- 3 分数形で解答する場合、分数の符号は分子につけ、分母につけてはいけません。

例えば、 $\frac{\text{エオ}}{\text{カ}}$ に $-\frac{4}{5}$ と答えたいときは、 $\frac{-4}{5}$ として答えなさい。

また、それ以上約分できない形で答えなさい。

例えば、 $\frac{3}{4}$ と答えるところを、 $\frac{6}{8}$ のように答えてはいけません。

- 4 根号を含む形で解答する場合、根号の中に現れる自然数が最小となる形で答えなさい。

例えば、 $\sqrt{\text{キ}}$ に $4\sqrt{2}$ と答えるところを、 $2\sqrt{8}$ のように答えてはいけません。

- 5 根号を含む分数形で解答する場合、例えば $\frac{\text{ケ} + \text{コ} \sqrt{\text{サ}}}{\text{シ}}$ に

$\frac{3 + 2\sqrt{2}}{2}$ と答えるところを、 $\frac{6 + 4\sqrt{2}}{4}$ や $\frac{6 + 2\sqrt{8}}{4}$ のように答えてはいけません。

数 学 I

(全 問 必 答)

第 1 問 (配点 20)

[1]

(1) 不等式 $|2x + 1| \leq 3$ の解は $\boxed{\text{アイ}} \leq x \leq \boxed{\text{ウ}}$ である。

以下, a を自然数とする。

(2) 不等式

$$|2x + 1| \leq a \quad \dots\dots\dots \textcircled{1}$$

の解は $\frac{-\boxed{\text{エ}} - a}{\boxed{\text{オ}}} \leq x \leq \frac{-\boxed{\text{エ}} + a}{\boxed{\text{オ}}}$ である。

(3) 不等式①を満たす整数 x の個数を N とする。 $a = 3$ のとき, $N = \boxed{\text{カ}}$ である。また, a が $4, 5, 6, \dots$ と増加するとき, N が初めて $\boxed{\text{カ}}$ より大きくなるのは, $a = \boxed{\text{キ}}$ のときである。

(数学 I 第 1 問は次ページに続く。)

[2] a, b を実数として, 2 次方程式

$$(x - a)^2 + 4(x - a) + b = 0$$

を考える。

下の , には次の①~⑤のうちから当てはまるものを一つずつ選べ。ただし, 同じものを繰り返し選んでもよい。

① $>$ ② $<$ ③ \geq ④ \leq ⑤ $=$ ⑥ \neq

この 2 次方程式が異なる二つの実数解をもつ条件は

$$b \quad \text{} \quad \text{$$

が成立することである。その二つの解を s, t とすれば

$$b = \frac{\text{} - (s - t)^2}{\text{$$

である。さらに s, t がともに正となる条件は

$$a \quad \text{} \quad \text{} + \sqrt{\text{} - b}$$

が成立することである。

数学 I

第 2 問 (配点 25)

a, b を定数として 2 次関数

$$y = -x^2 + (2a + 4)x + b \quad \dots\dots\dots \textcircled{1}$$

について考える。関数 $\textcircled{1}$ のグラフ G の頂点の座標は

$$\left(a + \boxed{\text{ア}}, a^2 + \boxed{\text{イ}} a + b + \boxed{\text{ウ}} \right)$$

である。以下、この頂点が直線 $y = -4x - 1$ 上にあるとする。このとき、

$$b = -a^2 - \boxed{\text{エ}} a - \boxed{\text{オカ}}$$

である。

(数学 I 第 2 問は次ページに続く。)

- (1) グラフ G が x 軸と異なる 2 点で交わるような a の値の範囲は

$$a < \frac{\boxed{\text{キク}}}{\boxed{\text{ケ}}}$$

である。また、 G が x 軸の正の部分と負の部分の両方で交わるような a の値の範囲は

$$-\boxed{\text{コ}} - \sqrt{\boxed{\text{サ}}} < a < -\boxed{\text{コ}} + \sqrt{\boxed{\text{サ}}}$$

である。

- (2) 関数 ① の $0 \leq x \leq 4$ における最小値が -22 となるのは

$$a = \boxed{\text{シス}} \quad \text{または} \quad a = \boxed{\text{セ}}$$

のときである。また $a = \boxed{\text{セ}}$ のとき、関数 ① の $0 \leq x \leq 4$ における最大値は $\boxed{\text{ソタチ}}$ である。

一方、 $a = \boxed{\text{シス}}$ のときの ① のグラフを x 軸方向に $\boxed{\text{ツ}}$ 、 y 軸方向に

$\boxed{\text{テトナ}}$ だけ平行移動すると、 $a = \boxed{\text{セ}}$ のときのグラフと一致する。

数学 I

第 3 問 (配点 30)

$\triangle ABC$ において、 $AB = 2$ 、 $BC = \sqrt{7}$ 、 $CA = \sqrt{3}$ とする。

このとき、 $\angle BAC = \boxed{\text{アイ}}^\circ$ であるから

$$\sin \angle ABC = \frac{\sqrt{\boxed{\text{ウエ}}}}{\boxed{\text{オ}}}, \quad \cos \angle ABC = \frac{\boxed{\text{カ}} \sqrt{\boxed{\text{キ}}}}{\boxed{\text{ク}}}$$

である。

$\angle BAC$ の三等分線と辺 BC との交点を、点 B に近い方から順に、点 M 、 N とする。

(数学 I 第 3 問は次ページに続く。)

(1) $\triangle ABM$ において、点 M から辺 AB に垂線を引くと

$$\frac{\boxed{\text{ケ}}}{\boxed{\text{コ}}} AM = \frac{\sqrt{\boxed{\text{ウエ}}}}{\boxed{\text{オ}}} BM$$

であり

$$AB = \frac{\sqrt{\boxed{\text{サ}}}}{\boxed{\text{シ}}} AM + \frac{\boxed{\text{カ}}}{\boxed{\text{ク}}} \sqrt{\boxed{\text{キ}}} BM$$

である。よって

$$AM = \frac{\boxed{\text{ス}}}{\boxed{\text{ソ}}} \sqrt{\boxed{\text{セ}}}, \quad BM = \frac{\boxed{\text{タ}}}{\boxed{\text{ツ}}} \sqrt{\boxed{\text{チ}}}$$

である。

(2) $\triangle AMN$ と $\triangle ANC$ について、 $\triangle AMN$ の面積は $\frac{\sqrt{\boxed{\text{テ}}}}{\boxed{\text{ト}}} AN$ であり、

$\triangle ANC$ の面積は $\frac{\sqrt{\boxed{\text{ナ}}}}{\boxed{\text{ニ}}} AN$ である。

また、 $\triangle AMC$ の面積は $\frac{\boxed{\text{ヌ}}}{\boxed{\text{ノ}}} \sqrt{\boxed{\text{ネ}}}$ であるから、

$AN = \frac{\boxed{\text{ハ}}}{\boxed{\text{ヒ}}}$ である。

数学 I

第 4 問 (配点 25)

(1) a を正の実数とする。 $\frac{1}{4}a^2 + a + 1 = \left(\frac{1}{\boxed{\text{ア}}} a + 1 \right)^2$ であり、また

$$0 < a + 1 < \frac{1}{4}a^2 + a + 1$$

であるので

$$\sqrt{a+1} < \frac{1}{\boxed{\text{ア}}} a + 1 \quad \dots\dots\dots \text{①}$$

となる。

(2) 2次不等式 $\left(\frac{12}{25}a + 1 \right)^2 < a + 1$ を解くと、

$$0 < a < \frac{\boxed{\text{イウ}}}{\boxed{\text{エオカ}}} \text{ となる。よって、 } 0 < a < \frac{\boxed{\text{イウ}}}{\boxed{\text{エオカ}}} \text{ のとき}$$

$$\frac{12}{25}a + 1 < \sqrt{a+1} \quad \dots\dots\dots \text{②}$$

が成り立つ。

(数学 I 第 4 問は次ページに続く。)

(3) (1)と(2)の結果を用いて、 $\sqrt{17}$ のおよその値を求める。

$$\frac{\sqrt{17}}{4} = \sqrt{\frac{1}{\boxed{\text{キク}}} + 1} \text{ である。 } a = \frac{1}{\boxed{\text{キク}}} \text{ を①に代入すると}$$

$$\frac{\sqrt{17}}{4} < \frac{\boxed{\text{ケコ}}}{\boxed{\text{サシ}}} \text{ となり、②に代入すると } \frac{\boxed{\text{スセソ}}}{\boxed{\text{タチツ}}} < \frac{\sqrt{17}}{4} \text{ となる。}$$

したがって

$$\frac{m}{200} < \sqrt{17} < \frac{m+1}{200} \quad \dots\dots\dots \textcircled{3}$$

を満たす自然数 m は $\boxed{\text{テトナ}}$ である。③より $\sqrt{17}$ の小数第3位を四捨五

入すると、4. $\boxed{\text{二ヌ}}$ となる。