

平成 30 年度

学 力 檢 査 問 題

数 学

注 意

- 1 指示があるまでは、検査問題を開いてはいけません。
- 2 検査問題は表紙を除いて 6 ページで、問題は から まであります。
- 3 答えは、全て解答用紙に記入しなさい。
- 4 答えに根号が含まれる場合は、根号を用いて書きなさい。

1 次の(1)~(6)の問い合わせに答えなさい。

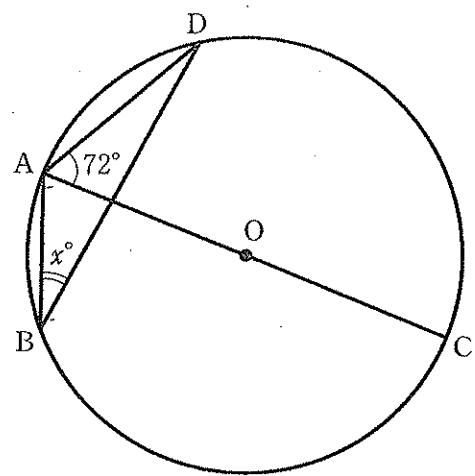
(1) $9 - 6 \times 2$ を計算しなさい。

(2) $12ab \div \frac{3}{4}b$ を計算しなさい。

(3) $(\sqrt{3} - \sqrt{2})^2$ を計算しなさい。

(4) y が x に反比例し、 $x = 4$ のとき $y = 3$ である。 x と y との関係を式で表しなさい。

- (5) 右の図で、4点A, B, C, Dは円Oの周上にあり、ACは円Oの直径である。 $\angle CAD = 72^\circ$ のとき、 x の値を求めなさい。

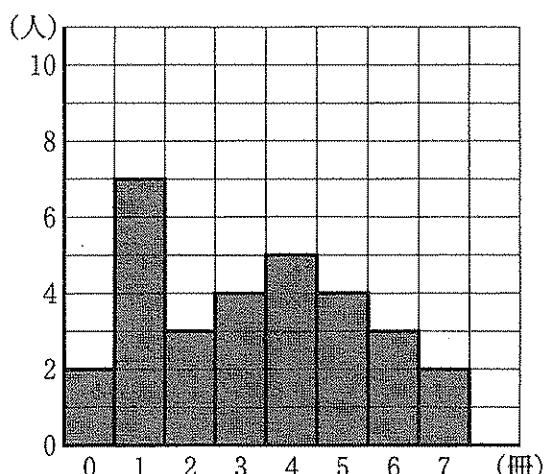


- (6) 2個のさいころを同時に投げるとき、出る目の数の和が5の倍数になる確率を求めなさい。

2 ある中学校で読書週間に、それぞれの生徒が読んだ本の冊数を調べた。右の図は、1年1組の結果をヒストグラムに表したものである。ただし、1年1組の生徒で読んだ本が8冊以上の生徒はいない。

次の(1)~(3)の問い合わせに答えなさい。

- (1) 1年1組の生徒の総数は何人であるかを求めなさい。
- (2) 1年1組のそれぞれの生徒が読んだ本の冊数の中央値を求めなさい。
- (3) この中学校の生徒の総数は200人である。この中学校の生徒で読んだ本が3冊以上の生徒の相対度数と1年1組の生徒で読んだ本が3冊以上の生徒の相対度数は、同じ値であった。この中学校の生徒で読んだ本が3冊以上の生徒は何人であるか求めなさい。



3 商品Aは、1個120円で売ると1日あたり240個売れ、1円値下げするごとに1日あたり4個多く売れるものとする。

次の(1)~(3)の問い合わせに答えなさい。

- (1) 1個110円で売るとき、1日で売れる金額の合計はいくらになるかを求めなさい。
- (2) x 円値下げするとき、1日あたり何個売れるかを、 x を使った式で表しなさい。
- (3) 1個120円で売るときよりも、1日で売れる金額の合計を3600円増やすためには、1個何円で売るとよいかを求めなさい。

4

学校から公園までの 1400 m の真っ直ぐな道を通り、学校と公園を走って往復する時間を計ることにした。Aさんは学校を出発してから8分後に公園に到着し、公園に到着後は速さを変えて走って戻ったところ、学校を出発してから22分後に学校に到着した。ただし、Aさんの走る速さは、公園に到着する前と後でそれぞれ一定であった。

次の(1), (2)の問い合わせに答えなさい。

- (1) Aさんが学校を出発してから x 分後の、学校からAさんまでの距離を $y\text{ m}$ とすると、 x と y との関係は下の表のようになつた。

x (分)	0	…	2	…	8	…	10	…	22
y (m)	0	…	ア	…	1400	…	イ	…	0

(ア) 表中のア、イに当てはまる数を求めなさい。

(イ) x と y との関係を表すグラフをかきなさい。 $(0 \leq x \leq 22)$

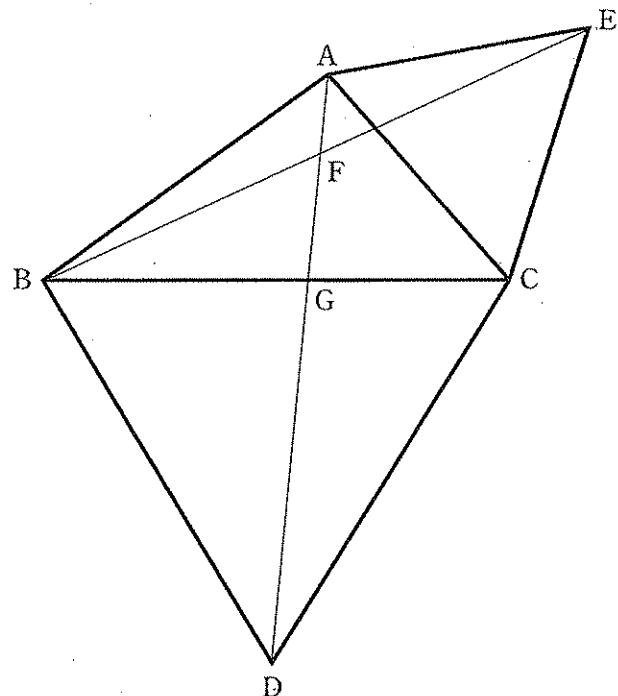
(ウ) x の変域を $8 \leq x \leq 22$ とするとき、 x と y との関係を式で表しなさい。

- (2) BさんはAさんが学校を出発してから2分後に学校を出発し、Aさんと同じ道を通って公園まで行き、学校に戻った。このとき、Bさんは学校を出発してから8分後に、公園から戻ってきたAさんとすれ違った。BさんはAさんとすれ違った後、すれ違う前より1分あたり 10 m 速く走り、Aさんに追いついた。ただし、Bさんの走る速さは、Aさんとすれ違う前と後でそれぞれ一定であった。

(ア) Aさんとすれ違った後のBさんの走る速さは、分速何 m であるかを求めなさい。

(イ) BさんがAさんに追いついたのは、Aさんが学校を出発してから何分何秒後であるかを求めなさい。

- 5 下の図で、 $\triangle BDC$ と $\triangle ACE$ はともに正三角形である。また、線分 AD と BE の交点を F 、 AD と辺 BC の交点を G とする。



次の(1), (2)の問いに答えなさい。

- (1) $\triangle ADC \cong \triangle EBC$ であることを証明しなさい。
- (2) $AB = 4\text{ cm}$, $AC = 4\text{ cm}$, $BC = 6\text{ cm}$ のとき,
 - (ア) DG の長さを求めなさい。
 - (イ) EF の長さを求めなさい。

6 右の表1は、かけ算の九九を表にしたものである。太郎さんは、表1の太枠の中に書かれた81個の数字の合計を工夫して求めようとした。

次の(1), (2)の問い合わせに答えなさい。

- (1) 太郎さんは、表1の太枠の中から一部を取り出し、4段4列の表2を作った。さらに、表2をもとに次のように表3、表4、表5を作成し、表2に書かれた16個の数字の合計を考えた。

	かける数									
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	
かけられる数	1	1	2	3	4	5	6	7	8	9
2	2	4	6	8	10	12	14	16	18	
3	3	6	9	12	15	18	21	24	27	
4	4	8	12	16	20	24	28	32	36	
5	5	10	15	20	25	30	35	40	45	
6	6	12	18	24	30	36	42	48	54	
7	7	14	21	28	35	42	49	56	63	
8	8	16	24	32	40	48	56	64	72	
9	9	18	27	36	45	54	63	72	81	

表1

表3は、表2の数字を左右対称に並べ替えたもの。

表4は、表2の数字を上下対称に並べ替えたもの。

表5は、表2の数字を左右対称に並べ替え、さらに上下対称に並べ替えたもの。

1	2	3	4
2	4	6	8
3	6	9	12
4	8	12	16

表2

4	3	2	1
8	6	4	2
12	ア	6	3
16	12	8	4

表3

4	8	12	16
3	6	9	12
2	4	6	8
1	2	3	4

表4

16	12	8	4
12	9	6	3
8	6	4	2
4	3	2	1

表5

次の文章は、太郎さんの考えをまとめたものである。ア、イ、オ、カには数を、ウには b を使った式を、エには a を使った式を、それぞれ当てはまるように書きなさい。

表2、表3、表4、表5について、各表の上から3段目、左から2列目に書かれた数字は、順に、6, ア, 4, 6であり、合計はイとなる。同様に、他の位置に書かれた数字について、各表の上から a 段目、左から b 列目に書かれた数字を a, b を使って表すと、順に、 $ab, a(\text{ウ}), (\text{エ})b, (\text{エ})(\text{ウ})$ であり、合計するとオとなる。

したがって、表2に書かれた16個の数字の合計はオ $\times 16$ 力で計算できる。

- (2) 表1の太枠の中に書かれた81個の数字の合計を求めなさい。