



# 数 学

(11 : 30 ~ 12 : 20)

## 注 意

- 1 検査開始のチャイムが鳴るまで開いてはいけません。
- 2 問題用紙の1ページから10ページに、問題が**1**から**6**まであります。  
これとは別に解答用紙が1枚あります。
- 3 問題用紙と解答用紙に受検番号を書きなさい。
- 4 答えはすべて解答用紙に記入しなさい。

受検番号	第	番
------	---	---





1 次の(1)～(8)に答えなさい。

(1)  $3 + (-8) - (-4)$  を計算しなさい。

学 校

(02:21~08:11)

(2)  $2ab^2 \times 5a \div b$  を計算しなさい。

意 義

(3)  $\frac{12}{\sqrt{6}} + 3\sqrt{2} \times \sqrt{3}$  を計算しなさい。

(4) 方程式  $x^2 + 16x = 0$  を解きなさい。

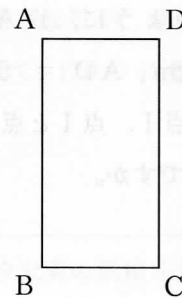
番	氏	号番対受
---	---	------

(5)  $y$  は  $x$  に比例し、 $x = -4$  のとき  $y = 8$  です。 $y = -6$  のときの  $x$  の値を求めなさい。

(6)  $a$  を負の数とします。 $y$  は  $x$  の関数です。このとき、関数  $y = \frac{a}{x}$  について、正しいものを、次のア～エの中から全て選び、その記号を書きなさい。

- ア  $x$  の変域が  $x > 0$  のとき、 $x$  の値が増加すると、 $y$  の値は増加する。
- イ  $x$  の変域が  $x > 0$  のとき、 $x$  の値が増加すると、 $y$  の値は減少する。
- ウ  $x$  の変域が  $x < 0$  のとき、 $x$  の値が増加すると、 $y$  の値は増加する。
- エ  $x$  の変域が  $x < 0$  のとき、 $x$  の値が増加すると、 $y$  の値は減少する。

(7) 右の図のように、 $AB = 6$  cm、 $AD = 3$  cm の長方形 ABCD があります。長方形 ABCD を、辺 DC を軸として 1 回転させてできる立体の体積は何  $\text{cm}^3$  ですか。ただし、円周率は  $\pi$  とします。



(8) 次のデータは、山下さんが釣り堀で釣った 11 匹の魚の重さを軽い方から順に並べたものです。このデータの四分位範囲は何 g ですか。

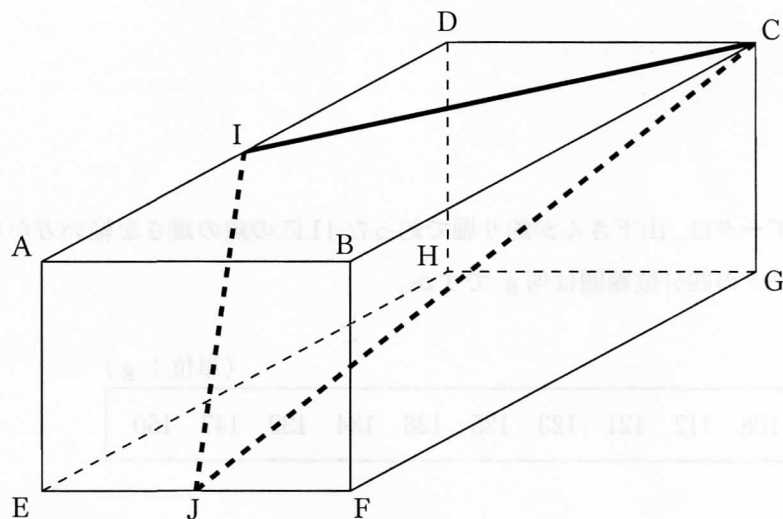
(単位：g)

103	108	112	121	123	125	128	134	139	147	150
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

2 次の(1)～(3)に答えなさい。

(1)  $n$  を整数とします。 $\frac{45^2 - n^2}{7}$  が自然数となるような  $n$  のうち、最も大きい  $n$  の値を求めなさい。

(2) 次の図のように、点  $A, B, C, D, E, F, G, H$  を頂点とする直方体があり、 $AB = 4\text{ cm}$ ,  $AD = 6\text{ cm}$ ,  $AE = 3\text{ cm}$  です。辺  $AD$  の中点を  $I$ , 辺  $EF$  の中点を  $J$  とし、点  $C$  と点  $I$ , 点  $I$  と点  $J$ , 点  $J$  と点  $C$  をそれぞれ結びます。このとき、 $\triangle CIJ$  の周りの長さは何  $\text{cm}$  ですか。



(3) 上野さんと大西さんは、ある学校の陸上部に所属しています。次の表1は、夏休みの期間に計測した、上野さんの800 m走の20回分の記録と大西さんの800 m走の25回分の記録を度数分布表に表したものです。

表1

階級 (秒)	度数 (回)	
	上野さん	大西さん
127 以上 ~ 128 未満	2	1
128 ~ 129	3	4
129 ~ 130	6	8
130 ~ 131	3	6
131 ~ 132	2	4
132 ~ 133	4	2
計	20	25

夏休み後に行われる陸上競技大会の種目には、800 m走があり、出場する選手として、上野さんか大西さんのどちらか1人を選ぶことになりました。他の部員が、過去のその大会における800 m走の決勝の記録をいくつか調べてみると、記録は全て、130 秒未満でした。そこで、次の【選考方法】で、出場する選手を選ぶことにしました。

【選考方法】

夏休みの期間に計測した800 m走の記録において、130 秒未満の累積相対度数の大きい方の選手を、夏休み後に行われる陸上競技大会の800 m走に出場する選手とする。

【選考方法】に基づくと、次の理由で出場する選手が選ばれます。

表1から、130 秒未満の累積相対度数は、上野さんが  ，大西さんが  であることを読み取ることができ、 の累積相対度数の方が大きいので、 が夏休み後に行われる陸上競技大会の800 m走に出場する選手として選ばれる。

文中の  ・  に当てはまる累積相対度数をそれぞれ求めなさい。ただし、累積相対度数は小数で表しなさい。また、 に当てはまるものを、次の①・②の中から選び、その番号を書きなさい。なお、2か所の  には同じものが入ります。

- ① 上野さん    ② 大西さん

3 ある会社では、年1回、家族向けのイベントを開催しています。そのイベントではこれまで、当日券の販売は行っていませんでしたが、来場者アンケートに、「前売り券だけではなく、当日券も販売してほしい。」という要望が多数あったことから、今年のイベントでは当日券も販売しました。

次の表1は、今年のイベントにおける、大人と子どもそれぞれ1人当たりの入場券（前売り券、当日券）の金額を表したものです。

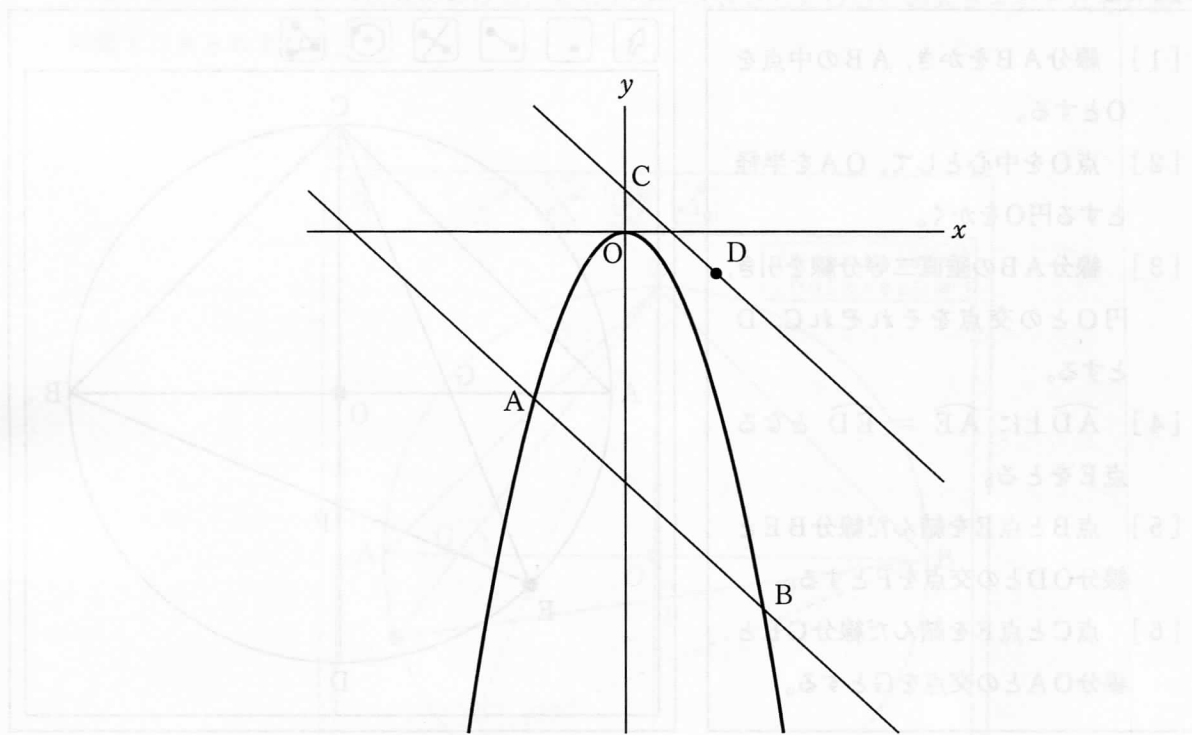
表1

入場券	大人	子ども
前売り券	1000 円	500 円
当日券	1300 円	700 円

今年のイベントでは、購入された大人の入場券のうち、前売り券の割合は 70 % であり、購入された子どもの入場券のうち、前売り券の割合は 60 % であり、大人の入場券と子どもの入場券の売り上げの合計は 554100 円 でした。仮に、今年のイベントで購入された、大人の入場券と子どもの入場券が全て前売り券であった場合、入場券の売り上げの合計は 500000 円 となります。

今年のイベントで購入された、大人の入場券の枚数と子どもの入場券の枚数をそれぞれ求めなさい。ただし、入場券の枚数は、前売り券の枚数と当日券の枚数を合計した枚数です。なお、答えを求める過程も分かるように書きなさい。

- 4 次の図のように、関数  $y = -x^2$  のグラフ上に  $x$  座標が  $-2$  である点Aと  $x$  座標が  $3$  である点Bがあり、 $y$  軸上に点C  $(0, 1)$  があります。また、点Cを通り直線ABに平行な直線上を  $x > 0$  の範囲で動く点Dがあります。



次の(1)・(2)に答えなさい。

- (1) 関数  $y = -x^2$  のグラフ上の点で、 $y$  座標が、点Aの  $y$  座標と等しい点をEとします。点Eの座標を求めなさい。ただし、点Eは点Aと異なる点です。

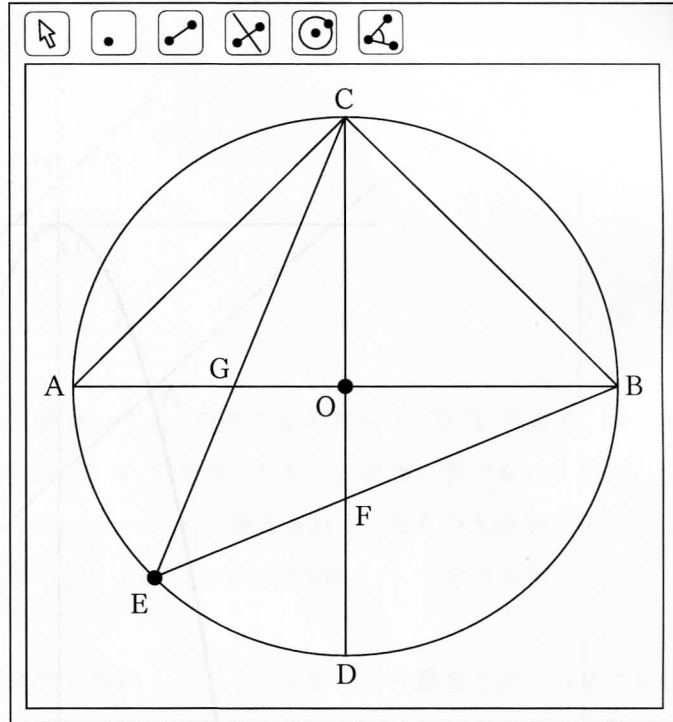
- (2) 四角形CABDの面積が  $25$  となる時、点Dの  $x$  座標を求めなさい。

5 数学の授業で、中川さんはコンピュータを用いて、次の【手順】で図1のような図形をかき、その図形を考察することになりました。

【手順】

- [1] 線分ABをかき、ABの中点をOとする。
- [2] 点Oを中心として、OAを半径とする円Oをかく。
- [3] 線分ABの垂直二等分線を引き、円Oとの交点をそれぞれC、Dとする。
- [4]  $\widehat{AD}$ 上に  $\widehat{AE} = \widehat{ED}$  となる点Eをとる。
- [5] 点Bと点Eを結んだ線分BEと線分ODとの交点をFとする。
- [6] 点Cと点Eを結んだ線分CEと線分OAとの交点をGとする。

図1



次の(1)・(2)に答えなさい。

(1) 中川さんは、図1から、 $\triangle OFB$ と $\triangle OGC$ が合同であると予想しました。そして、次のように $\triangle OFB$ と $\triangle OGC$ が合同であることを証明しました。

【証明】

$\triangle OFB$ と $\triangle OGC$ において  
 $OB$ と $OC$ は、円Oの半径であるから、 $OB = OC$  ……①  
 対頂角は等しいから、 $\angle BOF = \angle$   ……②  
 $\widehat{AE} = \widehat{ED}$  であるから、 $\angle OBF = \angle$   ……③  
 ①, ②, ③より、 がそれぞれ等しいから  
 $\triangle OFB \equiv \triangle OGC$

【証明】の  ・  には、当てはまる文字をそれぞれ書き、  
 には、当てはまる言葉を書き、証明を完成させなさい。



次に、中川さんはコンピュータを用いて、次の図2のように、図1にある、5点A, B, O, C, Dを固定して、点Eを、点Aと点Dを除く $\widehat{AD}$ 上で動かしたとき、何か成り立つことがあるのではないかと考え、調べることにしました。そこで、コンピュータで角の大きさを表示できる機能を用いて、点Eのいくつかの位置における、 $\angle OFB$ の大きさと $\angle OGC$ の大きさをそれぞれ調べ、下の表1にまとめました。

図2

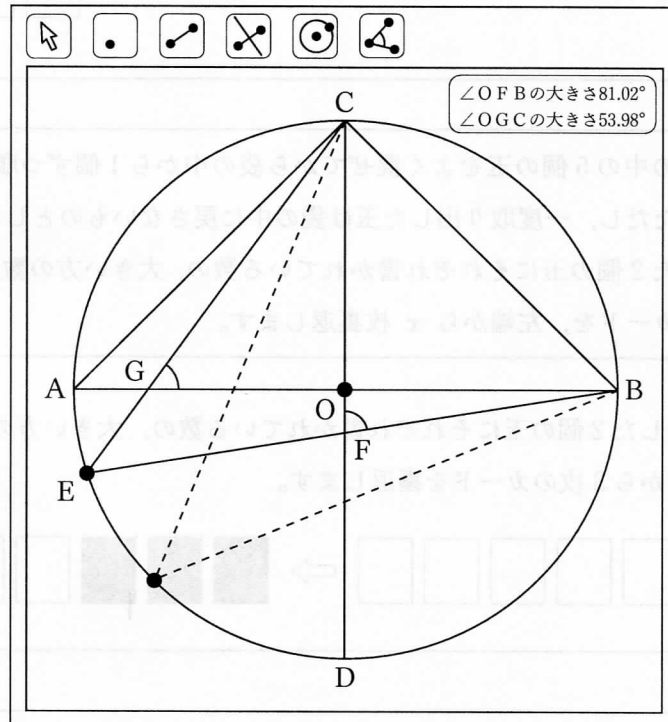


表1

$\angle OFB$ の大きさ	$81.02^\circ$	$72.87^\circ$	$65.95^\circ$	$58.64^\circ$	$50.29^\circ$
$\angle OGC$ の大きさ	$53.98^\circ$	$62.13^\circ$	$69.05^\circ$	$76.36^\circ$	$84.71^\circ$

(2) 中川さんは、表1から、次のことを予想しました。

【予想】

点Eが、点Aと点Dを除く $\widehat{AD}$ 上のどの位置にあっても、 $\angle OFB$ の大きさと $\angle OGC$ の大きさの和は  $135^\circ$  である。

【予想】が成り立つことを、 $\angle OFB$ の大きさを  $\angle a$ 、 $\angle OGC$ の大きさを  $\angle b$  として、 $\angle a$ 、 $\angle b$  を使った式を用いて説明しなさい。なお、 $\widehat{AD}$ は、点Bをふくまない方の弧を指します。

6 右の図1のように、1, 2, 3, 4, 5 の数が1つずつ書かれた玉が5個入った袋があります。また、片面が白色、もう片面が黒色の5枚のカードがあり、机の上に、図2のように、白色の面が上になって横一列に並んでいます。袋の中から取り出した玉に書かれている数を利用して、カードを裏返す、【操作P】及び【操作Q】についてそれぞれ考えます。

図1

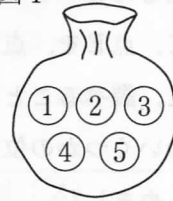
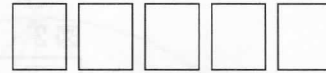


図2



**【操作P】**

- [1] 図1の袋の中の5個の玉をよく混ぜてから袋の中から1個ずつ順に2個の玉を取り出します。ただし、一度取り出した玉は袋の中に戻さないものとします。
- [2] 取り出した2個の玉にそれぞれ書かれている数の、大きい方の数を  $x$  とし、図2の状態にあるカードを、左端から  $x$  枚裏返します。

例えば、取り出した2個の玉にそれぞれ書かれている数の、大きい方の数が3であったとき、次のように、左端から3枚のカードを裏返します。



**【操作Q】**

- [1] 図1の袋の中の5個の玉をよく混ぜてから袋の中から玉を1個取り出します。そして、取り出した玉を袋の中に戻して、袋の中の5個の玉をよく混ぜてから袋の中から玉を1個取り出します。
- [2] 1回目に取り出した玉に書かれている数を  $a$  , 2回目に取り出した玉に書かれている数を  $b$  とし、図2の状態にあるカードを、最初に左端から  $a$  枚裏返し、次に右端から  $b$  枚裏返します。

例えば、1回目に取り出した玉に書かれている数が3、2回目に取り出した玉に書かれている数が4であったとき、次のように、最初に左端から3枚のカードを裏返し、次に右端から4枚のカードを裏返します。



次の(1)・(2)に答えなさい。

- (1) 【操作P】を1回だけ行うとき、5枚のカードにおいて、白色の面が上であるカードが1枚、黒色の面が上であるカードが4枚となる確率を求めなさい。
- (2) 【操作Q】を1回だけ行うとき、5枚のカードにおいて、白色の面が上であるカードが1枚、黒色の面が上であるカードが4枚となる確率を求めなさい。