

# 数 学

## 注 意

- 1 監督者の「始め」の合図があるまで開いてはいけません。
- 2 問題用紙は表紙を入れて11ページあり，解答用紙が1枚，中にはさんであります。
- 3 受検番号は，解答用紙及び問題用紙の決められた欄に記入しなさい。
- 4 答えは，問題の指示に従って，すべて解答用紙に記入しなさい。計算などは，問題用紙の余白を利用しなさい。
- 5 監督者の「やめ」の合図ですぐにやめなさい。

受検 番号	
----------	--

**1** 次の1～5の問いに答えなさい。

1 次の(1)～(5)の問いに答えなさい。

(1)  $7 + 18 \div 3$  を計算しなさい。

(2)  $\frac{3}{5} - \frac{1}{6} \times \frac{4}{5}$  を計算しなさい。

(3)  $\sqrt{32} - \left(\frac{6}{\sqrt{2}} + \sqrt{8}\right)$  を計算しなさい。

(4) 60 と 84 の最小公倍数を求めなさい。

(5) 下のア～エのうち、その数の逆数が1より大きいものをすべて選び、記号で答えなさい。

ア  $\frac{3}{4}$

イ 3

ウ  $-\frac{1}{2}$

エ 0.9

2 2次方程式  $x^2 - 3x + 1 = 0$  を解きなさい。

3  $a$  を正の数、 $b$  を負の数とするとき、式の値がいつも正の数になるものを、下のア～エの中からすべて選び、記号で答えなさい。

ア  $2a + b$       イ  $a - 3b$       ウ  $3 - a - b$       エ  $(ab)^2$

4 反比例  $y = \frac{2}{x}$  の式がある。 $x$  の変域を  $1 \leq x \leq 3$  とするとき、 $y$  の変域を求めなさい。

5 かがしま水族館で、イルカが 185 m の距離を 37 秒で泳いでいました。このとき、イルカの泳ぐ速さは分速何 m であったか求めなさい。ただし、イルカは一定の速さで泳ぐものとします。

2 次の1～5の問いに答えなさい。

1 大小2つのさいころを同時に投げるとき、出る目の積が素数になる確率を求めなさい。

2 下の表は、2014年と2023年の日本における外国の船会社が運航するクルーズ船の寄港回数の多い港湾名と回数をそれぞれ示したものです。日本における外国の船会社が運航するクルーズ船の寄港回数の合計に対する鹿児島への寄港回数の割合が高かったのは、2014年と2023年のどちらですか。解答欄の「2014年」と「2023年」のどちらかを○で囲みなさい。また、その年の寄港回数の合計に対する鹿児島への寄港回数の割合は、何%にあたるか求めなさい。ただし、小数第2位を四捨五入することとします。

【2014年】

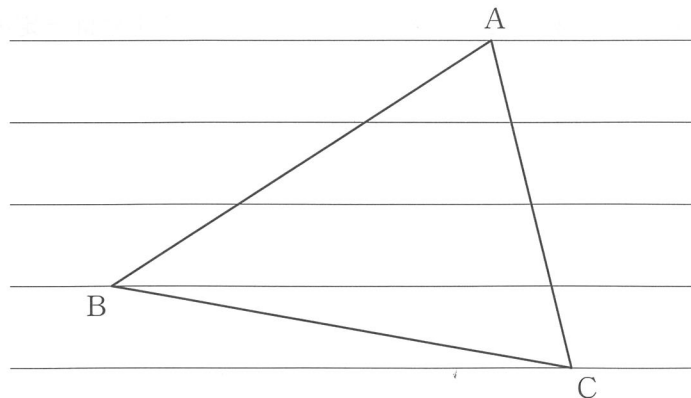
順位	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	その他	合計
港湾名	博多	長崎	石垣	那覇	横浜	神戸	小樽	鹿児島	函館	釧路		
回数	99	70	69	68	48	32	31	29	27	21	159	653

【2023年】

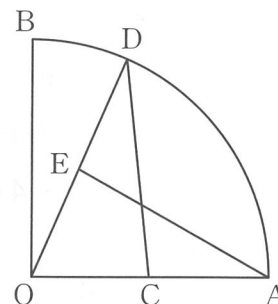
順位	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	その他	合計
港湾名	横浜	長崎	鹿児島	那覇	博多	広島	神戸	清水	高知	大阪		
回数	101	95	78	72	59	58	54	53	51	46	597	1264

(国土交通省資料から作成)

3 下の図のような等間隔で平行に罫線けいせんが引かれているノートがあり、△ABCの各頂点が罫線上にあります。BP:PC = 2:1となるように辺BC上の点Pを定規とコンパスを用いて作図しなさい。ただし、点Pの位置を示す文字Pも書き入れ、作図に用いた線も残しておきなさい。



- 4 右の図のような中心角  $90^\circ$  のおうぎ形  $OAB$  があり、線分  $OA$  の中点を  $C$  とし、 $\widehat{AB}$  上に点  $D$  をとり、線分  $OD$  の中点を  $E$  とします。  
 $\triangle AOE \equiv \triangle DOC$  であることを証明しなさい。



- 5 正四面体と立方体の模型がそれぞれ何個かあります。これらの模型の面の総数が 128 面、頂点の総数が 156 個であるとき、正四面体と立方体の模型の個数をそれぞれ求めなさい。ただし、正四面体の模型を  $x$  個、立方体の模型を  $y$  個として、その方程式と計算過程も書きなさい。

3 下の表は、2024年に開催されたパリオリンピックにおける男子バレーボール日本チームに登録された選手の背番号と身長をまとめたものです。また、図は出場12か国の登録された選手12人ずつの身長を箱ひげ図で表したものです。なお、各選手の身長はすべて整数で表されています。次の1～4の問いに答えなさい。

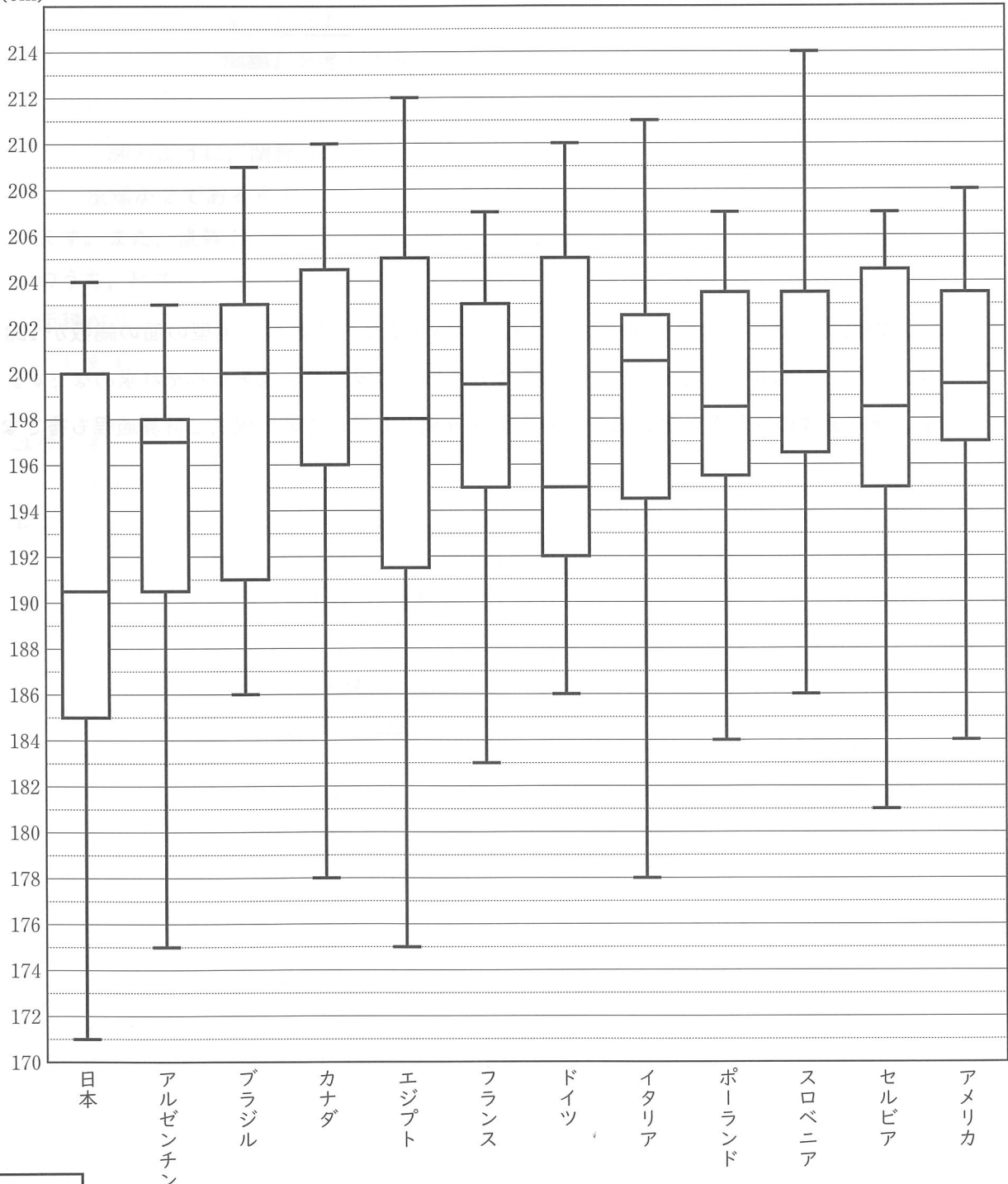
表

背番号	1	2	3	4	5	6	8	10	12	14	15	20
身長 (cm)	187	200	183	190	195	204	175	202	188	191	200	171

(国際バレーボール連盟資料から作成)

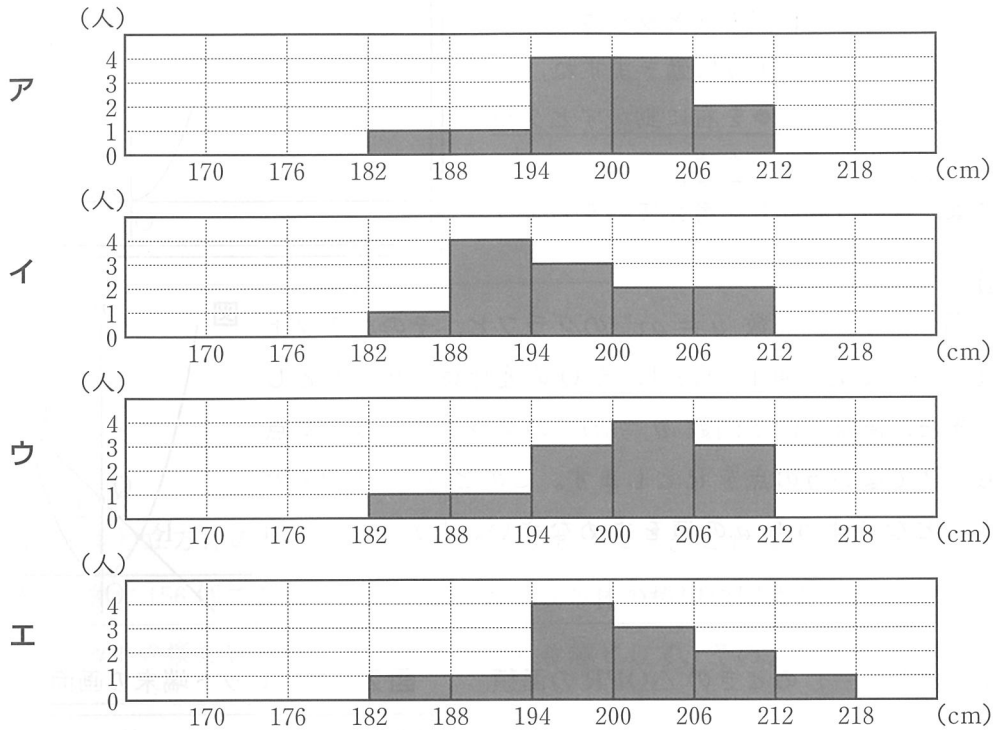
図

(cm)



1 日本チームに登録された選手の身長の平均値を求めなさい。

2 下のア～エのヒストグラムのうち、図のフランスチームと同じデータを使ってまとめたものはどれですか。最も適当なものを下のア～エの中から1つ選び、記号で答えなさい。なお、ア～エにおいて、例えば、182 cm 以上 188 cm 未満の選手がそれぞれ1人いたことを表しています。



3 図の箱ひげ図から読み取れることとして、次の①～④は「正しい」、「正しくない」、「図からはわからない」のどれですか。最も適当なものを下のア～ウの中からそれぞれ1つ選び、記号で答えなさい。

- ① 最も身長が高い選手は、スロベニアチームにいる。
- ② 出場12か国の登録された選手のうち、6番目に身長が高い選手はブラジルチームにいる。
- ③ 第3四分位数が最も大きいチームは、アメリカチームである。
- ④ 四分位範囲が最も小さいチームは、ポーランドチームである。

ア 正しい                      イ 正しくない                      ウ 図からはわからない

4 下のデータは、図のドイツチームに登録された12人の選手のうち、11人の選手の身長を低い方から順に並べかえたものです。図を利用して、残り1人の身長として考えられる整数の値をすべて求めなさい。

11人の選手の身長 (cm)											
186	190	191	193	194	196	200	204	206	208	210	

4

ユウさんとレンさんは、授業中にタブレット端末でグラフ作成アプリを使って、関数  $y = ax^2$  について調べています。下は授業のある場面での【会話】です。次の1～4の問いに答えなさい。

【会話】

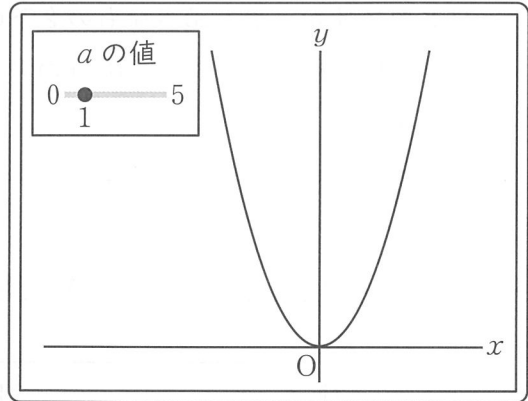
先生：今日は関数  $y = ax^2$  について、グラフ作成アプリを使って考えていきましょう。まずは、 $a = 1$  とすると画面(図1)のようなグラフが表示されますね。

ユウ：画面の●を左右に動かすとグラフの形が  $a$  の値に対応するように動きますね。

レン：本当だ。①画面の●を右に動かすとグラフの開き方が変化したよ。

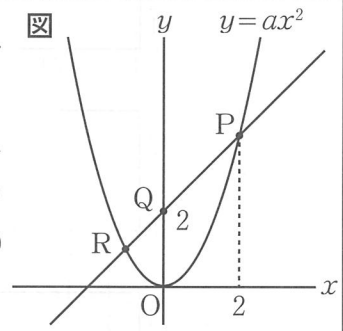
先生：では、次の【問題】を考えてみましょう。

図1 タブレット端末の画面



【問題】

右の図のように、関数  $y = ax^2$  のグラフと、そのグラフ上に  $x$  座標が2である点Pがあり、点Qの座標は(0, 2)とします。また、直線PQと関数  $y = ax^2$  のグラフの2つの交点のうち、Pでない方の点をRとします。このとき、 $\triangle OPR$  の面積が5となるような  $a$  の値を求めなさい。ただし、 $a > 0$  とします。



ユウ：まずは、 $a = 1$  のときの  $\triangle OPR$  の面積を考えてみようよ。

レン：②  $a = 1$  のときの直線PQの式を求められたよ。タブレット端末に直線PQの式を入力すると、点P, Rが画面(図2)のようになったよ。

ユウ：③  $\triangle OPR$  の面積は  $\triangle OPQ$  と  $\triangle OQR$  の面積の和を求めたら良さそうだね。一緒に考えてみよう。

レン：……よし。  $\triangle OPR$  の面積を求められたよ。

先生：正解です。よくできていますね。

ユウ：この調子で  $\triangle OPR$  の面積が5のときの  $a$  の値を求めてみようよ。

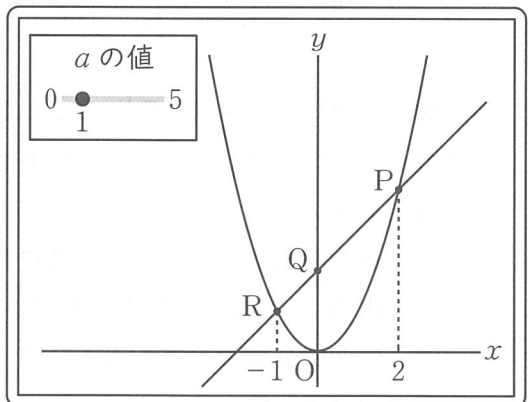
レン：どのように考えていけばいいかな。

ユウ：画面の●を左右に動かしたら何かわかるかもしれないよ。

レン： $a$  の値によって④2点P, Qを通る1次関数のグラフが右下がりになるときがあるよ。

先生：よいところに気づきましたね。画面の●を左右に動かしてみると他にも気づくことがありそうですね。では、【問題】を解いてみましょう。

図2 タブレット端末の画面





1 下線部①について、レンさんが画面の●を右に動かしたとき、グラフの開き方はどのように変化しましたか。解答欄の「大きくなる」と「小さくなる」のどちらかを○で囲みなさい。

2  $a = 1$  のとき、次の(1)、(2)の問いに答えなさい。

(1) 下線部②について、直線PQの式を求めなさい。

(2) 下線部③について、タブレット端末の画面(図2)を確認すると、点Rの $x$ 座標が $-1$ でした。このとき、 $\triangle OPQ$ と $\triangle OQR$ の面積をそれぞれ求めなさい。

3 下線部④について、2点P、Qを通る1次関数のグラフが右下がりになるような、 $a$ の値を下のア~エの中からすべて選び、記号で答えなさい。

ア  $a = \frac{1}{2}$       イ  $a = \frac{4}{3}$       ウ  $a = \frac{1}{4}$       エ  $a = \frac{2}{5}$

4 【会話】中にある【問題】を解きなさい。ただし、求め方や計算過程も書きなさい。

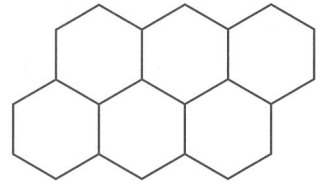
- 5 ユウさんとレンさんは、図形のもつ性質や関係について調べています。下の【会話】を読み、次の1～4の問いに答えなさい。

【会話】

ユウ：昨日ハチの巣を見つけたんだけど、ハチの巣穴は六角形の形をしていること（図1）が多いよね。円とか他の形でも良さそうなのにどうしてだろう。調べてみようよ。

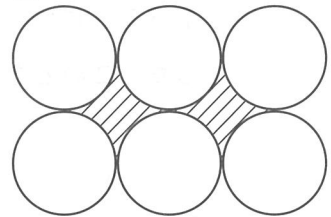
レン：今、調べてみたら、巣を作る上で正六角形は合理的な形なんだって。合同な正多角形を使ってすき間なくしきつめることができるのは、正三角形、正方形、正六角形の3種類しか存在しないようだよ。

図1



ユウ：確かに、円だと無駄なすき間（図2の斜線部分）ができてしまうね。正六角形の1つの内角の大きさは  $\text{ア}$  度であるから、正六角形をすき間なくしきつめることができるね。

図2



レン：そして①その3種類の正多角形の周の長さが等しいとき、それぞれの面積を求めると各図形の面積比がわかったよ。このことから、正三角形、正方形、正六角形の面積が等しいとき、それぞれの周の長さを比較すると正六角形の周の長さが  $\text{イ}$  ということがわかるね。

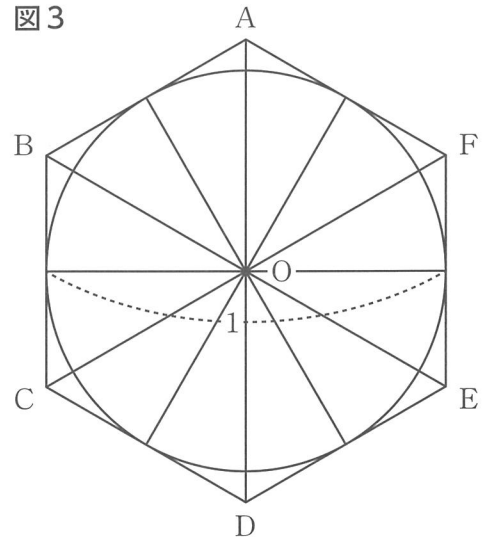
ユウ：正六角形は面白い性質をもっているんだね。そういえば、②アルキメデスは円周率の値を求めるために、最初は正六角形の周の長さを利用して考えたようだよ。

レン：面白そうだね。実際に計算で求めてみよう。

- 1  $\text{ア}$  に入る角度を求めなさい。
- 2 下線部①について、正三角形、正方形、正六角形の面積をそれぞれ  $S$ ,  $T$ ,  $U$  とします。3種類の各図形の周の長さを  $12a$  ( $a$  は正の定数) として、 $S$ ,  $T$ ,  $U$  の値をそれぞれ  $a$  を用いて表しなさい。
- 3  $\text{イ}$  に入ることはとして最も適当なものを、下のア～ウの中から1つ選び記号で答えなさい。
  - ア 正三角形と正方形の周の長さと等しい
  - イ 正三角形と正方形の周の長さよりも長い
  - ウ 正三角形と正方形の周の長さよりも短い

4 下線部②について、円周率の近似値は、円周の長さが円の外側に接する正多角形の周の長さより小さいことを利用して考えることもできます。図3のように、直径1の円Oとこの円の外側に接する正六角形 ABCDEF があります。このとき、円Oの円周の長さは $\pi$ となります。次の(1)、(2)の問いに答えなさい。

- (1) 正六角形 ABCDEF の周の長さを  $L$  とします。  
 このとき、 $L$  の値を求めなさい。また、 $\sqrt{3} = 1.732$  として、 $L$  を近似値で表しなさい。



- (2) ユウさんとレンさんは図4のように正六角形 ABCDEF を、点 O を中心として時計回りの方向に  $30^\circ$  回転させた正六角形と、もとの正六角形 ABCDEF の各辺の交点によってできる正十二角形の周の長さを利用すると、円周率の値により近い値を求めることができると考えました。図4の正十二角形の周の長さを  $M$  とするとき、 $M$  の値を求めなさい。また、 $\sqrt{3} = 1.732$  として、 $M$  を近似値で表しなさい。ただし、求め方や計算過程も書きなさい。

