

1 次の計算をしなさい。

(1) $6 - (-7)$

(2) $\frac{9}{2} \div \left(-\frac{9}{4}\right)$

(3) 5×3^2

(4) $2(x+y) + x - 13y$

(5) $7x^2 \times 4x$

(6) $5\sqrt{5} - \sqrt{20}$

2 次の問いに答えなさい。

(1) $a = 4$ のとき、 $6a + 5$ の値を求めなさい。

(2) 次のア～エのうち、無理数であるものはどれですか。一つ選び、記号を○で囲みなさい。

ア $\frac{1}{3}$ イ $\sqrt{3}$ ウ 0.3 エ $\sqrt{9}$

(3) 比例式 $x : 8 = 5 : 4$ を満たす x の値を求めなさい。

(4) 次のア～エのうち、 y が x に反比例するものはどれですか。一つ選び、記号を○で囲みなさい。

- ア 1本の値段が100円のペンを x 本買ったときの代金 y 円
 イ 30枚の色紙から x 枚を使ったときの残りの色紙の枚数 y 枚
 ウ 1500mの道のりを分速 x m で歩いたときにかかる時間 y 分
 エ x mLのお茶を5人で同じ量に分けたときの一人当たりのお茶の量 y mL

(5) 右のデータは、6人の生徒それぞれが1学期に読んだ本の冊数を値の小さい順に並べたものである。6人の生徒それぞれが読んだ本の冊数の範囲を求めなさい。

3	4	4	8	11	15
---	---	---	---	----	----

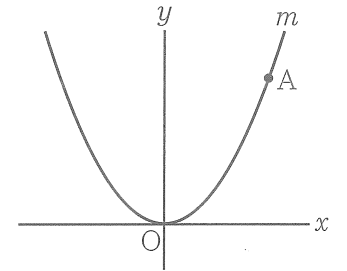
単位 (冊)

(6) 連立方程式 $\begin{cases} 2x + 3y = 11 \\ x - 3y = 10 \end{cases}$ を解きなさい。

(7) 二つの箱 A、B がある。箱 A には奇数の書いてある3枚のカード 1、3、5が入っており、箱 B には偶数の書いてある3枚のカード 4、6、8が入っている。A、Bそれぞれの箱から同時にカードを1枚ずつ取り出すとき、取り出した2枚のカードに書いてある数の和が7である確率はいくらですか。A、Bそれぞれの箱において、どのカードが取り出されることも同様に確からしいものとして答えなさい。

(8) 二次方程式 $x^2 - 8x + 12 = 0$ を解きなさい。

(9) 右の図において、 m は関数 $y = ax^2$ (a は定数) のグラフを表す。A は m 上の点であり、その座標は $(5, 7)$ である。 a の値を求めなさい。

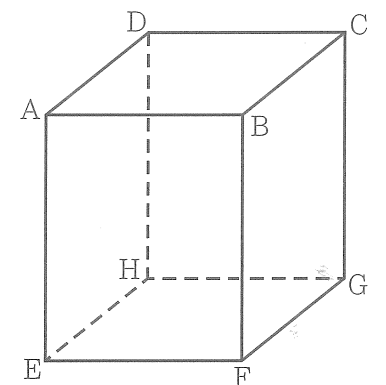


(10) 右の図において、立体 $ABCD - EFGH$ は直方体であり、 $AB = AD = 4$ cm、 $AE = 5$ cm である。

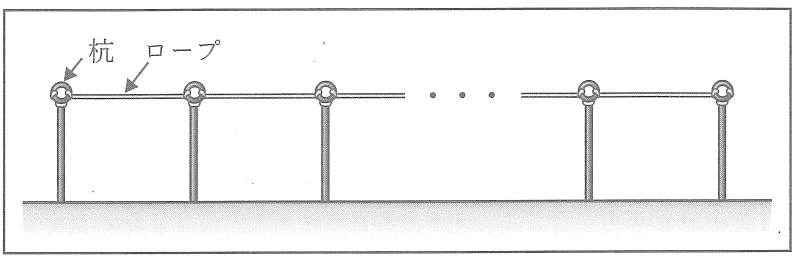
① 次のア～エのうち、辺 AE とねじれの位置にある辺はどれですか。一つ選び、記号を○で囲みなさい。

ア 辺 AB イ 辺 BF ウ 辺 EH エ 辺 FG

② 立体 $ABCD - EFGH$ の表面積を求めなさい。

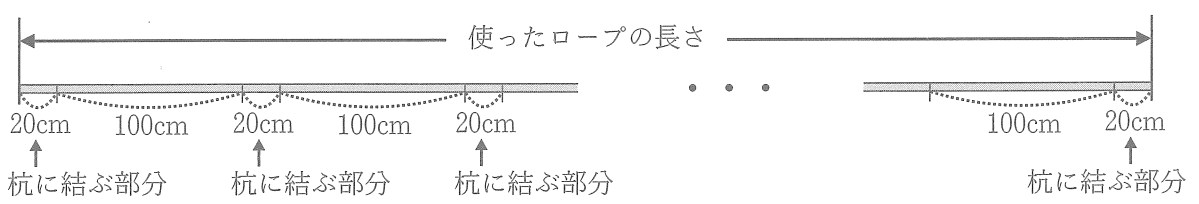


3 体育祭の準備のため、Fさんはグラウンドで先生と一緒に、杭を打ってロープを張ることになった。ロープは、それぞれの杭の上部にある輪に結びながら張っていく。杭に結ぶ部分のロープの長さはすべて 20 cm であり、ロープはたるみなく張るものとする。



Fさんは、杭を 100 cm 間隔で打ってロープを張ることにした。下の図は、Fさんが使ったロープを表す模式図である。「杭の本数」が x 本のときの「使ったロープの長さ」を y cm とする。 $x = 2$ のとき $y = 140$ であるとし、 x の値が 1 増えるごとに y の値は 120 ずつ増えるものとする。

次の問いに答えなさい。



(1) 次の表は、 x と y との関係を示した表の一部である。表中の(ア)、(イ)に当てはまる数をそれぞれ書きなさい。

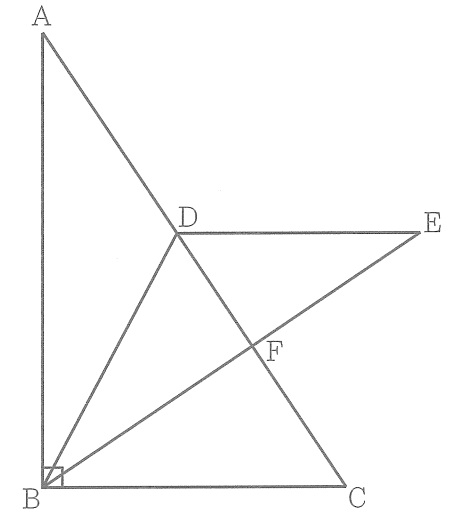
x	2	3	4	...	7	...
y	140	260	(ア)	...	(イ)	...

(2) x を 2 以上の自然数として、 y を x の式で表しなさい。

(3) $y = 1580$ となるときの x の値を求めなさい。

4 右の図において、 $\triangle ABC$ は $\angle ABC = 90^\circ$ の直角三角形であり、 $AB = 3$ cm である。 D は、辺 AC 上において A 、 C と異なる点である。 $\triangle EDB \equiv \triangle ADB$ であり、 $DE \parallel BC$ である。 F は、辺 EB と辺 AC との交点である。 $BC = x$ cm とし、 $x > 0$ とする。

次の問いに答えなさい。



(1) $\triangle ADB$ を、ある直線を対称の軸として対称移動すると、 $\triangle EDB$ にぴったり重ねることができる。次のア～エの直線のうち、このときの対称の軸はどれですか。一つ選び、記号を○で囲みなさい。

- ア 直線 DB
- イ 直線 AB
- ウ 直線 AC
- エ 直線 DE

(2) $\triangle ABC$ の面積を x を用いて表しなさい。

(3) 次は、 $\triangle ABC \sim \triangle BFC$ であることの証明である。 、 に入れるのに適している「角を表す文字」をそれぞれ書きなさい。また、 から適しているものを一つ選び、記号を○で囲みなさい。

(証明)

$\triangle ABC$ と $\triangle BFC$ において

$\angle ACB = \angle$ (共通) ㉑

$\triangle ADB \equiv \triangle EDB$ だから $\angle CAB = \angle DEB$ ㉒

$DE \parallel BC$ であり、平行線の錯角は等しいから

\angle $= \angle DEB$ ㉓

㉒、㉓より $\angle CAB = \angle$ ㉔

㉑、㉔より、

㉑〔 ア 1組の辺とその両端の角 イ 2組の辺の比とその間の角 ウ 2組の角 〕

がそれぞれ等しいから

$\triangle ABC \sim \triangle BFC$

(4) $x = 2$ であるときの線分 BF の長さを求めなさい。答えを求める過程がわかるように、途中の式を含めた求め方も説明すること。

1 次の計算をしなさい。

(1) $6 \times (-1) - 3^2$

(2) $4(5a + 2b) - 7(2a + b)$

(3) $24x^2 \div 3xy \times \left(-\frac{1}{2}y^2\right)$

(4) $x(x + 10) - (x + 3)(x - 1)$

(5) $(2\sqrt{7} + \sqrt{2})(2\sqrt{7} - \sqrt{2})$

2 次の問いに答えなさい。

(1) $a = 4$ 、 $b = -5$ のとき、 $a^2 - 3b$ の値を求めなさい。

(2) 二次方程式 $x^2 + x - 42 = 0$ を解きなさい。

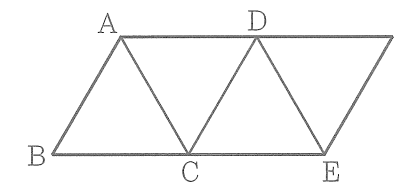
(3) $3 < \sqrt{n} < 3\sqrt{2}$ を満たす自然数 n の個数を求めなさい。

(4) 関数 $y = ax^2$ (a は定数) について、 x の値が -1 から 5 まで増加するときの変化の割合が 16 であるとき、 a の値を求めなさい。

(5) 右の図は、正四面体の展開図である。右の展開図を組み立てて正四面体をつくったとき、次のア～オのうち、辺 AB とねじれの位置にある辺はどれですか。一つ選び、記号を○で囲みなさい。

ア 辺 CD イ 辺 CE ウ 辺 DE

エ 辺 DF オ 辺 EF



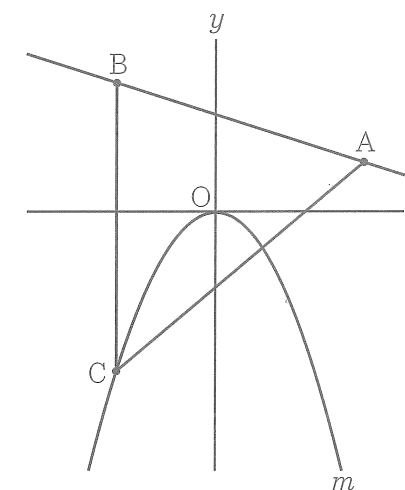
(6) A、B二つのさいころを同時に投げ、Aのさいころの出る目の数を a 、Bのさいころの出る目の数を b とするとき、 $2a + b$ の値が5の倍数である確率はいくらですか。1から6までのどの目が出ることも同様に確からしいものとして答えなさい。

(7) 右のデータは、9人の生徒それぞれが1学期に読んだ本の冊数を示したものである。9人の生徒それぞれが読んだ本の冊数の中央値が8冊であり、四分位範囲が6冊であるとき、データ中の x の値を求めなさい。

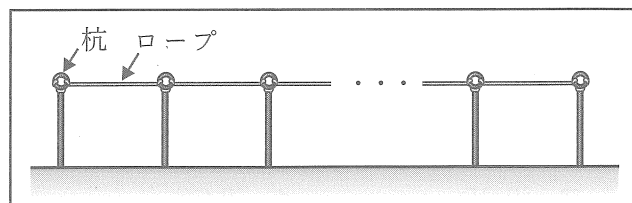
3	9	x	4	15
5	8	4	9	

単位 (冊)

(8) 右の図において、 m は関数 $y = ax^2$ (a は負の定数) のグラフを表し、 l は関数 $y = -\frac{1}{3}x + 2$ のグラフを表す。A、Bは l 上の点であって、Aの y 座標は1であり、Bの x 座標は -2 である。Cは、Bを通り y 軸に平行な直線と m との交点である。CとAとを結ぶ。△ABCの面積は 15 cm^2 である。 a の値を求めなさい。答えを求める過程がわかるように、途中の式を含めた求め方も説明すること。ただし、原点 O から点 $(1, 0)$ までの距離、原点 O から点 $(0, 1)$ までの距離はそれぞれ 1 cm であるとする。



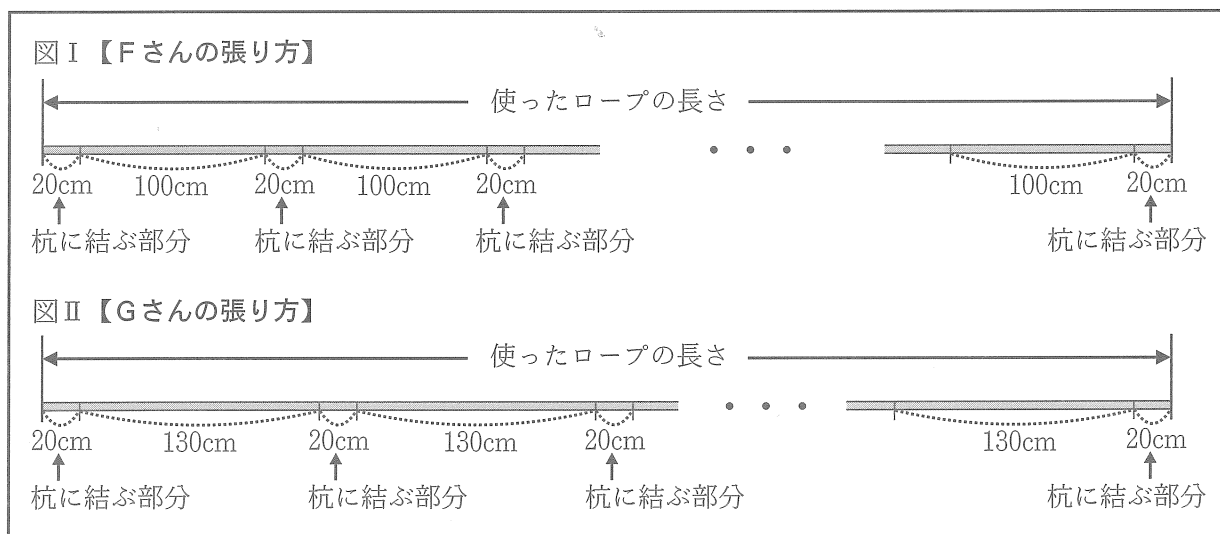
3 体育祭の準備のため、FさんとGさんはそれぞれグラウンドの別の場所で先生と一緒に、杭を打ってロープを張ることになった。ロープは、それぞれの杭の上部にある輪に結びながら張っていく。杭に結ぶ部分のロープの長さはすべて 20 cm であり、ロープはたるみなく張るものとする。



Fさんは、杭を 100 cm 間隔で打ってロープを張ることにした。図 I は、Fさんが使ったロープを表す模式図である。「杭の本数」が 2 本するとき「使ったロープの長さ」は 140 cm であるとし、「杭の本数」が 1 本増えるごとに「使ったロープの長さ」は 120 cm ずつ長くなるものとする。(これを【Fさんの張り方】とする。)

Gさんは、杭を 130 cm 間隔で打ってロープを張ることにした。図 II は、Gさんが使ったロープを表す模式図である。「杭の本数」が 2 本するとき「使ったロープの長さ」は 170 cm であるとし、「杭の本数」が 1 本増えるごとに「使ったロープの長さ」は 150 cm ずつ長くなるものとする。(これを【Gさんの張り方】とする。)

次の問いに答えなさい。



(1) 【Fさんの張り方】において、「杭の本数」が x 本するときの「使ったロープの長さ」を y cm とする。

① 次の表は、 x と y との関係を示した表の一部である。表中の(ア)、(イ)に当てはまる数をそれぞれ書きなさい。

x	2	3	4	...	7	...
y	140	260	(ア)	...	(イ)	...

② x を 2 以上の自然数として、 y を x の式で表しなさい。

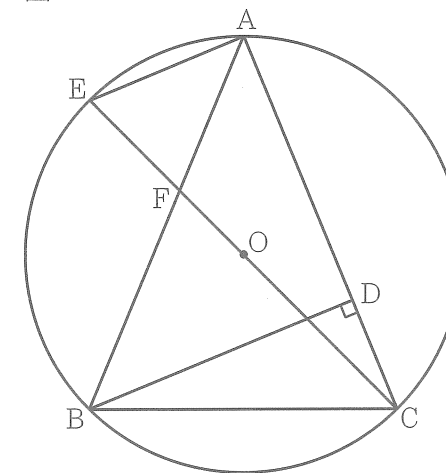
③ $y = 1580$ となるときの x の値を求めなさい。

(2) Fさんは【Fさんの張り方】で s 本の杭を打ってロープを張り、Gさんは【Gさんの張り方】で t 本の杭を打ってロープを張った。2人が打った杭の本数の合計が 38 本であり、Fさんが使ったロープの長さとGさんが使ったロープの長さが同じであるとき、 s 、 t の値をそれぞれ求めなさい。

4 次の【I】、【II】に答えなさい。

【I】 図 I において、A、B、C は点 O を中心とする円の周上の異なる 3 点である。3 点 A、B、C を結んでできる $\triangle ABC$ は $AB = AC$ の二等辺三角形であり、頂角 $\angle BAC$ は鋭角である。D は、B から線分 AC にひいた垂線と線分 AC との交点である。E は、直線 OC と円 O との交点のうち C と異なる点である。F は、線分 EC と線分 AB との交点である。E と A とを結ぶ。

図 I



次の問いに答えなさい。

(1) $\triangle EAC \sim \triangle CDB$ であることを証明しなさい。

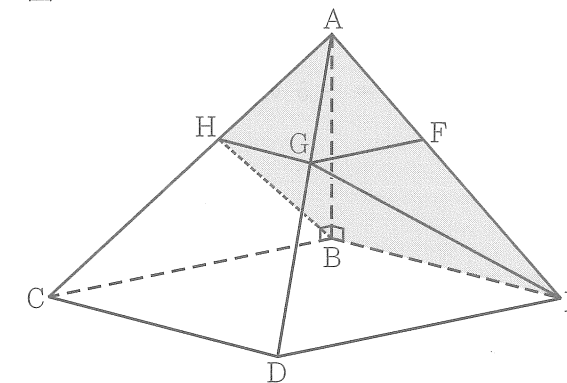
(2) $AD = 5$ cm、 $DC = 2$ cm であるとき、

- ① 線分 BD の長さを求めなさい。
- ② 線分 AF の長さを求めなさい。

【II】 図 II において、立体 A-BCDE は四角すいであり、直線 AB は平面 BCDE と垂直である。AB = 3 cm である。四角形 BCDE は長方形であり、BC = 5 cm、BE = 4 cm である。F は、辺 AE 上の点である。G は、F を通り辺 DE に平行な直線と辺 AD との交点である。G と E とを結ぶ。H は、G を通り辺 CD に平行な直線と辺 AC との交点である。H と B とを結ぶ。このとき、4 点 H、G、E、B は同じ平面上にある。

次の問いに答えなさい。

図 II



(3) 次のア～エの角のうち、その大きさが 90° であるものはどれですか。すべて選び、記号を○で囲みなさい。

- ア $\triangle ACD$ の内角 $\angle ACD$
- イ $\triangle ACD$ の内角 $\angle ADC$
- ウ $\triangle ADE$ の内角 $\angle ADE$
- エ $\triangle ADE$ の内角 $\angle AED$

(4) $FE = 3$ cm であるとき、

- ① $\triangle HCB$ の面積を求めなさい。
- ② 立体 AHGEB の体積を求めなさい。

1 次の問いに答えなさい。

(1) $x = 2 - \sqrt{2}$ のとき、 $x^2 - 4x + 6$ の値を求めなさい。

(2) $(3x + y)^2 - 3x - y - 2$ を因数分解しなさい。

(3) a, b を定数とする。 x, y の連立方程式
$$\begin{cases} x + ay = 4 - 2b \\ bx + y = 2a \end{cases}$$
 の解が $x = 5, y = -1$ であるとき、 a, b の値をそれぞれ求めなさい。

(4) n を自然数とする。 $2\sqrt{n} < \sqrt{x} < 3\sqrt{n}$ を満たす自然数 x の個数を n を用いて表しなさい。

(5) a, b を定数とし、 $a < b, c = a + 3, d = b + 3$ とする。関数 $y = \frac{1}{2}x^2$ について、次の二つの条件を同時に満たす a, b の値をそれぞれ求めなさい。

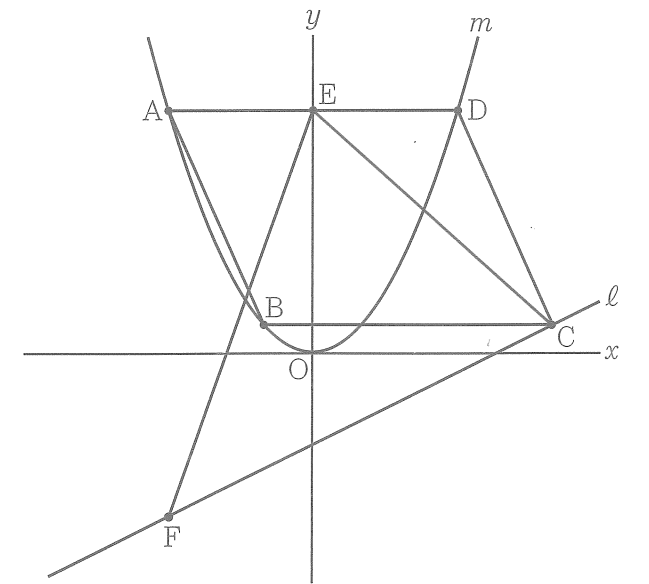
- x の変域が $a \leq x \leq b$ のときの y の変域は $0 \leq y \leq 18$ である。
- x の変域が $c \leq x \leq d$ のときの y の変域は $0 \leq y \leq 8$ である。

(6) A, B 二つのさいころを同時に投げ、Aのさいころの出る目の数を a 、Bのさいころの出る目の数を b とし、 $c = 2a + b$ とする。このとき、 $\frac{2025}{c}$ の値が自然数である確率はいくらですか。1 から 6 までのどの目が出ることも同様に確からしいものとして答えなさい。

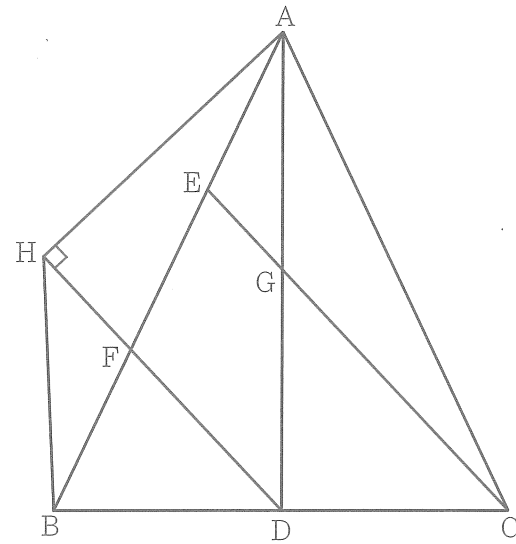
(7) n を 2 けたの自然数とする。次の二つの条件を同時に満たす n の値をすべて求めなさい。

- n の一の位の数は、 n^2 の一の位の数と同じである。
- n の十の位の数は、 $70n$ の十の位の数より 3 大きい。

(8) 右の図において、 m は関数 $y = ax^2$ (a は正の定数) のグラフを表す。四角形 ABCD は平行四辺形であり、A, B, D は m 上にある。辺 AD は x 軸に平行であって、A の x 座標は -3 であり、B の x 座標は -1 である。E は、辺 AD と y 軸との交点である。E と C とを結ぶ。 l は、C を通り傾きが $\frac{1}{2}$ の直線である。F は l 上の点であり、F の x 座標は A の x 座標と等しい。E と F とを結ぶ。四角形 ABCD の面積と $\triangle EFC$ の面積は等しい。 a の値を求めなさい。答えを求める過程がわかるように、途中の式を含めた求め方も説明すること。ただし、原点 O から点 $(1, 0)$ までの距離、原点 O から点 $(0, 1)$ までの距離はそれぞれ 1 cm であるとする。



2 右の図において、 $\triangle ABC$ は $AB = AC$ の二等辺三角形である。D は、 $\triangle ABC$ の頂角 $\angle BAC$ の二等分線と辺 BC との交点である。E、F は辺 AB 上にあって A、B と異なる点であり、 $AE = EF = FB$ である。C と E とを結ぶ。G は、線分 EC と線分 AD との交点である。H は、A から直線 FD にひいた垂線と直線 AB との交点である。H は、直線 AB について C と反対側にある。H と B とを結ぶ。



次の問いに答えなさい。

(1) $\triangle ABC$ の内角 $\angle BAC$ の大きさを a° とするとき、 $\triangle ABC$ の頂点 C における外角の大きさを a を用いて表しなさい。

(2) $\triangle AHD \sim \triangle CDG$ であることを証明しなさい。

(3) $AB = 7 \text{ cm}$ 、 $BC = 6 \text{ cm}$ であるとき、

① 線分 GC の長さを求めなさい。

② $\triangle AHB$ の面積を求めなさい。

3 図 I、図 II において、立体 $ABC - DEF$ は五つの平面で囲まれてできた立体である。 $\triangle DEF$ は $\angle DFE = 90^\circ$ の直角三角形であり、 $DF = 5 \text{ cm}$ 、 $EF = 4 \text{ cm}$ である。四角形 $BEFC$ は長方形であり、 $BE = 3 \text{ cm}$ である。四角形 $CFDA$ は $CF \parallel AD$ の台形であり、 $\angle CFD = \angle ADF = 90^\circ$ 、 $AD = 6 \text{ cm}$ である。四角形 $BEDA$ は $BE \parallel AD$ の台形であり、 $\angle BED = \angle ADE = 90^\circ$ である。このとき、 $\triangle ABC$ は $\angle ACB = 90^\circ$ の直角三角形である。

次の問いに答えなさい。

(1) 図 I において、四角形 $GHIJ$ は長方形であり、G、H、I、J はそれぞれ辺 AB 、 DE 、 DF 、 AC 上にある。このとき、 $GH \parallel BE$ 、 $GJ \parallel BC$ である。K は、I を通り辺 AC に平行な直線と辺 AD との交点である。

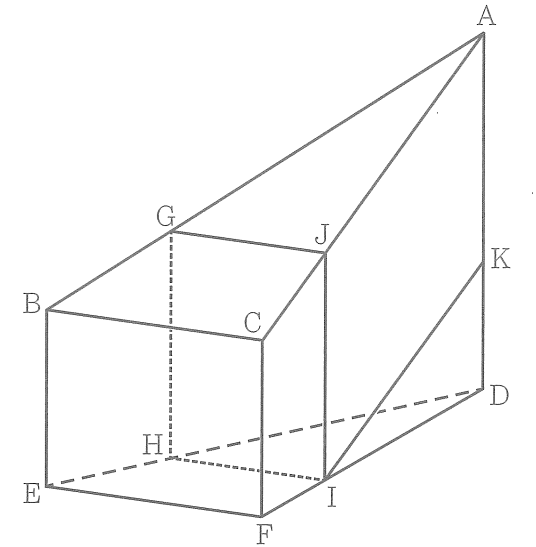
① 次のア～オのうち、辺 AB とおなじれ的位置にある辺はどれですか。すべて選び、記号を \bigcirc で囲みなさい。

- ア 辺 AD イ 辺 DF ウ 辺 DE
エ 辺 EF オ 辺 CF

② $\triangle AGJ$ の面積は $\triangle KID$ の面積の何倍であるか求めなさい。

③ 辺 JI の長さが辺 GJ の長さより 1 cm 長いときの四角形 $GHIJ$ の周りの長さを求めなさい。

図 I



(2) 図 II において、L は辺 DF 上にあって、線分 AL の長さと線分 LE の長さとの和が最も小さくなる点である。L と C とを結ぶ。M は、L を通り辺 EF に平行な直線と辺 DE との交点である。M と A、M と B とをそれぞれ結ぶ。

① 線分 ML の長さを求めなさい。

② 立体 $ABMLC$ の体積を求めなさい。

図 II

