

1 次の (1) から (9) までの各問いに答えなさい。

(1) $-3 \times (-2) - 5$ を計算しなさい。

(2) $\frac{3}{5}a - \frac{2}{3}a$ を計算しなさい。

(3) 次の等式を〔 〕内の文字について解きなさい。

$$a = \frac{1}{2}(x + y) \quad [y]$$

(4) 次の連立方程式を解きなさい。

$$\begin{cases} y = 2x + 4 \\ 3x + 2y = 1 \end{cases}$$

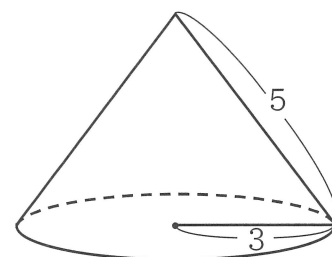
(5) 次の2次方程式を解きなさい。

$$x^2 + 2x - 24 = 0$$

(6) $(3\sqrt{2} + 2)(\sqrt{2} - 2)$ を計算しなさい。

(7) 下の図は、底面の半径が3、母線の長さが5の円すいです。この円すいの側面積を求めなさい。

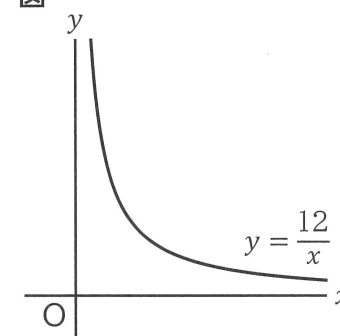
図



(8) 右の図のように、関数 $y = \frac{12}{x}$ の $x > 0$ の部分のグラフがあります。大小2つのさいころを同時に1回投げ、大きいさいころの出た目の数を a 、小さいさいころの出た目の数を b とし、 x 座標が a 、 y 座標が b の点Aを考えると、点Aがこのグラフ上にある確率を求めなさい。

ただし、大小2つのさいころはともに、1から6までのどの目が出ることも同様に確からしいとします。

図

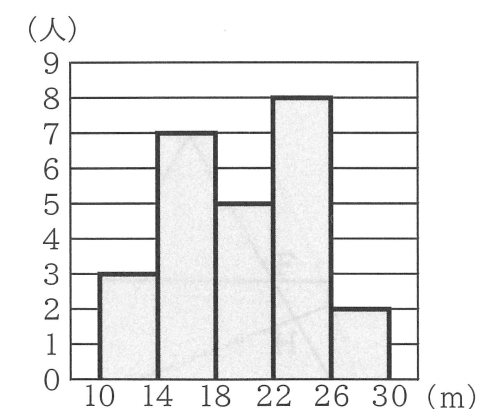


(9) 下の図は、あるクラスの25人のハンドボール投げの記録をヒストグラムに表したものです。

例えば、記録が10 m以上14 m未満の人は3人いたことがわかります。

この25人の記録の最頻値を求めなさい。また、中央値をふくむ階級を答えなさい。

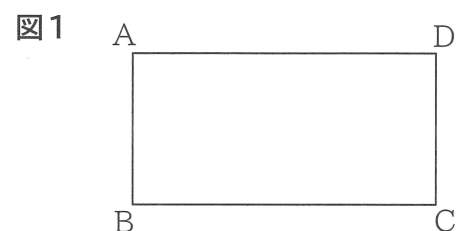
図



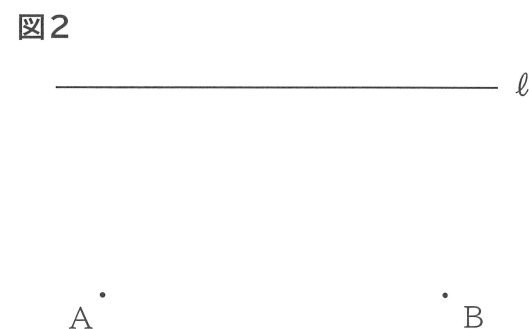
2

いろいろな平面図形について考えます。次の(1)から(3)までの各問いに答えなさい。

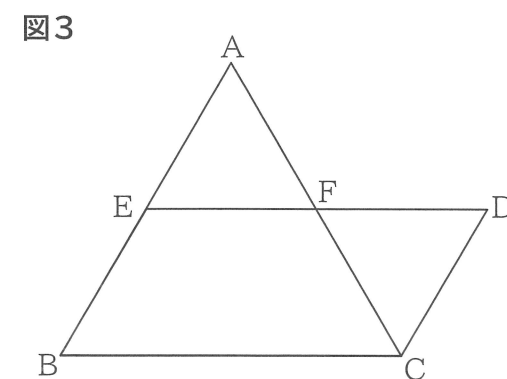
- (1) 図1は、周の長さが54 cm、辺ADの長さが辺ABの長さの2倍の長方形です。辺ABの長さを求めなさい。



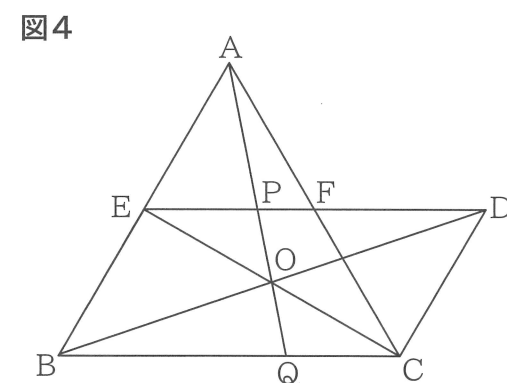
- (2) 図2のように、直線 ℓ と2点A, Bがあります。直線 ℓ は、2点A, Bを通る直線と平行です。このとき、2点A, Bを通り、直線 ℓ と接する円をコンパスと定規を用いて作図しなさい。ただし、作図に用いた線は消さないこと。



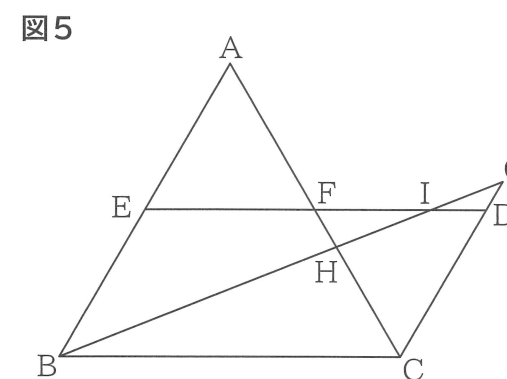
- (3) 図3のように、正三角形ABCと平行四辺形EBCDがあり、点Eは辺ABの中点です。辺ACとEDの交点をFとすると、後の①, ②の各問いに答えなさい。



- ① 図4は、図3において、平行四辺形EBCDの対角線の交点をOとし、直線AOと辺ED, BCとの交点をそれぞれP, Qとしたものです。このとき、 $OP = OQ$ であることを証明しなさい。

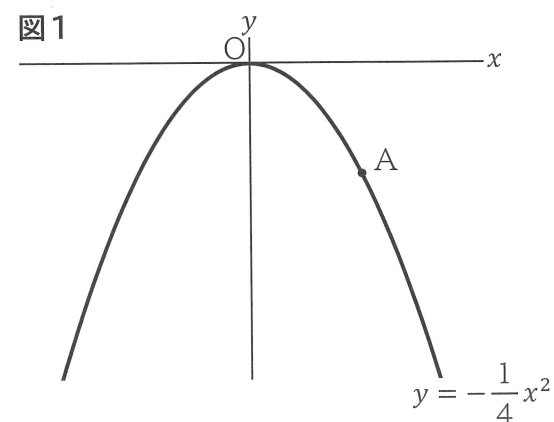


- ② 図5は、図3において、半直線CD上に△GBCの頂点Gを、△ABCと△GBCの周の長さが等しくなるようにとったものです。このとき、 $GB : GC = 7 : 3$ となります。線分BGと辺AC, EDとの交点をそれぞれH, Iとすると、 $HI : IG$ を求めなさい。



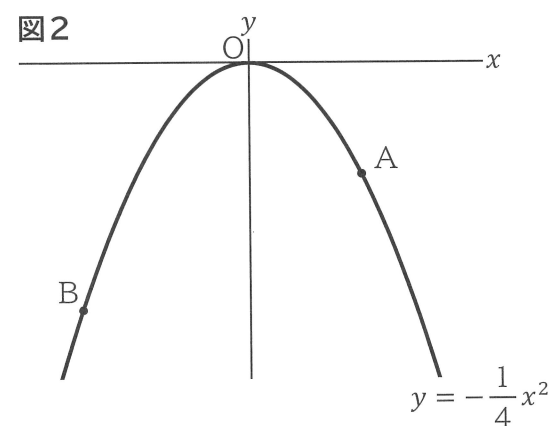
3 y が x の 2 乗に比例する関数について考えます。

図1のように、関数 $y = -\frac{1}{4}x^2$ のグラフ上に、 x 座標が 4 である点 A をとります。このとき、次の (1) から (3) までの各問いに答えなさい。

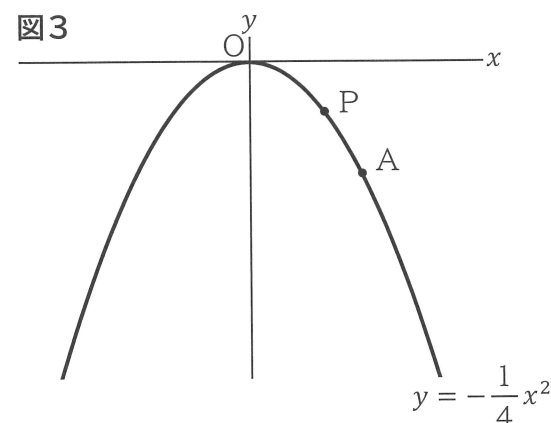


(1) グラフが、関数 $y = -\frac{1}{4}x^2$ のグラフと、 x 軸について対称である関数の式を求めなさい。

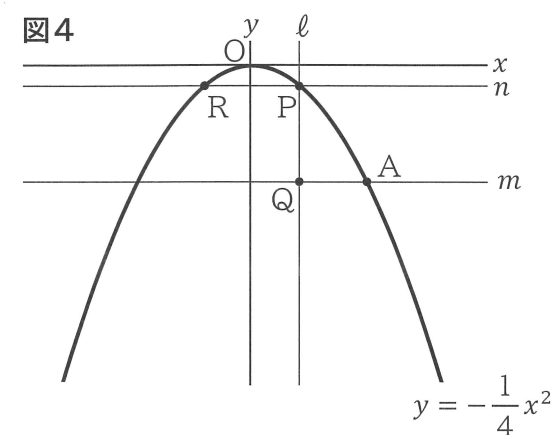
(2) 図2は、図1において、関数 $y = -\frac{1}{4}x^2$ のグラフ上に、 x 座標が -6 である点 B をとったものです。このとき、2 点 A, B の間の距離を求めなさい。



(3) 図3は、図1において、関数 $y = -\frac{1}{4}x^2$ のグラフ上に、 x 座標が t である点 P をとったものです。このとき、後の①、②の各問いに答えなさい。
ただし、 $0 < t < 4$ とします。



① 図4は、図3において、点 P を通り y 軸に平行な直線 ℓ と、点 A を通り x 軸に平行な直線 m との交点を Q とし、点 P を通り x 軸に平行な直線 n と関数 $y = -\frac{1}{4}x^2$ のグラフとの交点のうち、点 P と異なる点を R としたものです。PQ = PR となるときの、 t の値を求めなさい。



② 図5は、図3において、関数 $y = -\frac{1}{4}x^2$ のグラフ上に、 x 座標が -2 である点 C をとり、点 O と A, 点 O と P, 点 O と C, 点 C と A, 点 C と P をそれぞれ結んだものです。このとき、 $\triangle OCP$ の面積は、 $\triangle OCA$ の面積の何倍か、 t を使った式で表しなさい。

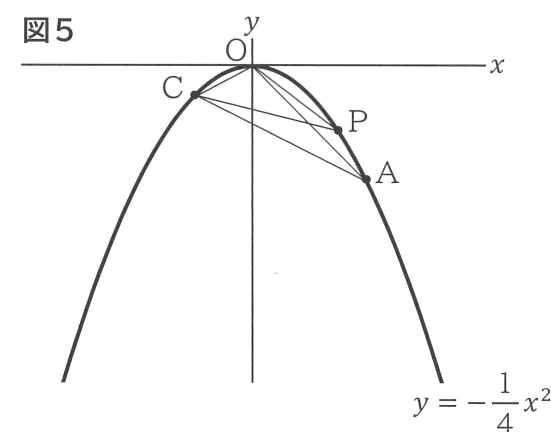


図1のように、奇数が1つずつ書かれたカードを、規則にしたがって並べます。後の(1)から(3)までの各問いに答えなさい。

規則

1 段目	1						
2 段目	3	5	7				
3 段目	5	7	9	11	13		
4 段目	7	9	11	13	15	17	19
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮

- ・ 各段の左端には、1 段目は1，2 段目は3，3 段目は5，…と、段の数を2 倍して1 をひいた奇数が書かれたカードを並べる。
- ・ 各段には、その段の左端のカードに書かれた奇数と同じ枚数のカードを並べる。
- ・ 2 段目以降は、各段の左端のカードに書かれた奇数から右へ順に、数が2 ずつ大きくなるように、カードを並べる。

規則にしたがって並べたカードについて、図2のように、太線の四角形で囲んだ縦2枚、横2枚の4枚のカードに着目します。このとき、カードに書かれた4つの奇数のうち、右上の奇数と左下の奇数は等しくなります。また、4つの奇数には、例えば、 $5 \times 7 - 3 \times 5 = 20$ 、 $13 \times 15 - 11 \times 13 = 52$ のように、「右上の奇数と右下の奇数の積から、左上の奇数と左下の奇数の積をひいた差は、いつも4の倍数になる」という性質があります。

图 2

1 段目	1						
2 段目	3	5	7				
3 段目	5	7	9	11	13		
4 段目	7	9	11	13	15	17	19
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮

(2) 次の説明は、図2のように太線の四角形で囲んだ縦2枚、横2枚の4枚のカードに着目するとき、カードに書かれた4つの奇数には、下線部の性質が成り立つことを、文字を使って説明したものです。[ア]，[イ]には n を使った式を，[ウ]には説明の続きを書いて，説明を完成させなさい。

說明

自然数 n を使って、左上の奇数を $2n+1$ と表すとき、右上の奇数と左下の奇数は ア、右下の奇数は イ と表される。

ウ

したがって、右上の奇数と右下の奇数の積から、左上の奇数と左下の奇数の積をひいた差は、いつも4の倍数になる。

(3) 規則にしたがって1段目から順にカードを並べます。このとき、例えば、5が書かれたカードは、2段目の左から2番目にはじめて並び、次に3段目の左端に並びます。図3は、それぞれの奇数のカードがはじめて並ぶときに、色をつけて表したものです。1段目から順にカードを並べていくとき、2025が書かれたカードは、何段目の左から何番目にはじめて並ぶか、答えなさい。

图 3

1 段目	1						
2 段目	3	5	7				
3 段目	5	7	9	11	13		
4 段目	7	9	11	13	15	17	19
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮