

# 数 学








## 問 題 用 紙

(注意事項)

- 1 始めの指示があるまでは、開いてはいけません。
- 2 答えは、HB 又は B の鉛筆(シャープペンシルも可)を使って、全て解答用紙に記入下さい。
- 3 検査問題は、大問4題で、1ページから10ページまで印刷されています。また、解答用紙は、両面に印刷されています。





検査開始後に、印刷のはっきりしないところや、ページが抜けているところがあれば、手を挙げ下さい。

- 4 氏名、受検番号は、解答用紙の決められた欄に書き、受検番号は、その数字の○の中を正確に塗りつぶして下さい。
- 5 マーク式で解答する問題は、○の中を正確に塗りつぶして下さい。



| 良い例   | 悪い例   |
|---|---|
|  |  線  小さい  はみ出し  丸囲み  レ点  うすい |

- 6 記述式で解答する問題は、解答欄からはみ出さないように書き下さい。
- 7 答えを直すときは、きれいに消してから新しい答えを書き、消しくずを残してはいけません。
- 8 解答用紙は、汚したり、折り曲げたりしてはいけません。
- 9 解答用紙だけ提出し、問題用紙は持ち帰り下さい。
- 10 答えに分数が含まれるときは、それ以上約分できない形で答え下さい。
- 11 答えに根号が含まれるときは、根号の中を最も小さい自然数とした形で答え下さい。
- 12 □ 中の「あ」、「い」、「う」、…にあてはまるものを答える問題については、下の例のように、あてはまる符号(-)や数字(0~9)をそれぞれ1つずつ選び、その符号や数字の○の中を正確に塗りつぶして下さい。

例 あいう に -18 と答える場合

|   |   |
|---|---|
| あ |  ① ② ③ ④ ⑤ ⑥ ⑦ ⑧ ⑨   |
| い | ①  ②  ③ ④ ⑤ ⑥ ⑦ ⑧ ⑨ |
| う | ① ② ③ ④ ⑤ ⑥ ⑦  ⑨   |

え  
お に  $\frac{3}{7}$  と答える場合

|   |   |
|---|---|
| え | ① ②  ④ ⑤ ⑥ ⑦ ⑧ ⑨   |
| お | ① ② ③ ④ ⑤ ⑥  ⑧ ⑨ |

1 次の(1)~(7)の問いに答えなさい。

(1) 次の①~③の計算をしなさい。

①  $11 - 4 \times (-3)$

②  $2(4a - 7b) + 3(-3a + 5b)$

③  $\frac{6}{\sqrt{3}} - \sqrt{27}$

(2) 土地 A と土地 B がある。土地 A は正方形であり、1 辺が  $x$  m である。また、土地 B は長方形であり、縦が土地 A の 1 辺より 3 m 長く、横が土地 A の 1 辺より 2 m 短い。

このとき、次の①、②の問いに答えなさい。

① 土地 B の面積を  $x$  を用いて表すとき、最も適当なものを、次のア~エのうちから 1 つ選び、符号で答えなさい。

ア  $x^2 - 6$  (m<sup>2</sup>)

イ  $x^2 - x - 6$  (m<sup>2</sup>)

ウ  $x^2 + x - 6$  (m<sup>2</sup>)

エ  $x^2 - 6x + 1$  (m<sup>2</sup>)

② 次の「あ」にあてはまるものを答えなさい。

土地 B の面積が  $66 \text{ m}^2$  のとき、 $x$  は 

|   |
|---|
| あ |
|---|

 である。

(3) 次の①, ②の問いに答えなさい。

① 1つの円における中心角や円周角の性質として正しくないものを, 次のア~エのうちから1つ選び, 符号で答えなさい。

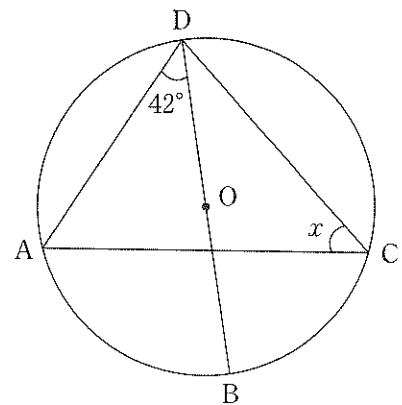
- ア 同じ弧に対する円周角の大きさは等しい。
- イ 半円の弧に対する円周角は  $90^\circ$  である。
- ウ 等しい中心角に対する弧の長さは等しい。
- エ 1つの弧に対する円周角の大きさは, その弧に対する中心角の大きさの2倍である。

② 次の「い」「う」にあてはまるものをそれぞれ答えなさい。

右の図のように, 4点A, B, C, Dが円Oの円周上にあり, 線分BDは円Oの直径である。

$\angle ADB = 42^\circ$  のとき,  $x$  で示した  $\angle ACD$  の大きさは

度である。



(4) 生徒25人が上体起こしを行い記録をとった。この25個のデータをもとに, 下の表1は階級の幅を4, 表2は階級の幅を3として, 度数分布表にそれぞれ表したものである。

なお, 表1の一部が汚れで見えなくなっている。

このとき, 次の①の「え」「お」, ②の「か」「き」にあてはまるものをそれぞれ答えなさい。

表1

| 階級(回)   | 度数(人) |
|---------|-------|
| 以上 未満   |       |
| 8 ~ 12  | 2     |
| 12 ~ 16 |       |
| 16 ~ 20 |       |
| 20 ~ 24 |       |
| 24 ~ 28 | 3     |
| 28 ~ 32 | 2     |
| 計       | 25    |

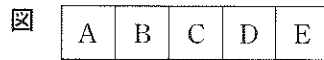
表2

| 階級(回)   | 度数(人) |
|---------|-------|
| 以上 未満   |       |
| 8 ~ 11  | 2     |
| 11 ~ 14 | 3     |
| 14 ~ 17 | 2     |
| 17 ~ 20 | 7     |
| 20 ~ 23 | 3     |
| 23 ~ 26 | 4     |
| 26 ~ 29 | 3     |
| 29 ~ 32 | 1     |
| 計       | 25    |

① 表1の16回以上20回未満の階級の累積度数は  人である。

② 25個のデータの第3四分位数は  回である。

- (5) 下の図のように、A、B、C、D、Eと書かれたマスが、左から順に並んでいる。Cのマスにコマを置いた後、1つのさいころを投げ、次のルールにしたがい、点数を得るゲームを行う。



ルール

- I まず、1回目のさいころを投げ、出た目の数の分だけ、下の順序のとおりコマを移動させ、最後に止まったマスに応じて、下の点数表にしたがい1回目の点数を得る。
- II 次に、2回目のさいころを投げ、出た目の数の分だけ、Iで移動し終えたマスから、下の順序のとおりコマを移動させ、最後に止まったマスに応じて、下の点数表にしたがい2回目の点数を得る。
- III 1回目の点数と2回目の点数をたしたものを合計得点とする。

点数表

| 止まったマス | 点数 |
|--------|----|
| BまたはD  | 1点 |
| AまたはE  | 2点 |
| C      | 3点 |

順序

C → D → E → D → C → B → A → B → C → D → E → D → C

※順序は2回さいころを投げたとき、最も多く移動した場合を表している。

例えば、1回目で3の目が出た場合、コマはC → D → E → Dと3マス移動し、Dのマスに止まるので、1点を得る。次に、2回目で5の目が出た場合、コマはD → C → B → A → B → Cと5マス移動し、Cのマスに止まるので、3点を得る。したがって、合計得点は4点となる。

このとき、次の①の「く」、②の「け」、「こ」にあてはまるものをそれぞれ答えなさい。

ただし、さいころを投げるとき、1から6までのどの目が出ることも同様に確からしいものとする。

- ① 1回目の点数が1点となる場合は  通りである。

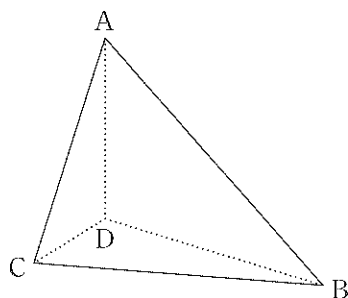
- ② 合計得点が3点以上となる確率は  $\frac{\text{け}}{\text{こ}}$  である。

- (6) 関数  $y = \frac{8}{x}$  について、次の①の「さ」、②の「し」～「そ」にあてはまるものをそれぞれ答えなさい。

- ① 関数  $y = \frac{8}{x}$  のグラフ上の点で、 $x$ 座標、 $y$ 座標がともに整数となる点の個数は  さ 個である。

- ②  $x$ の変域が  $-4 \leq x \leq -1$  のとき、 $y$ の変域は  しす  $\leq y \leq$   せそ である。

- (7) 下の図のように、点A, B, C, Dを頂点とする三角錐<sup>すい</sup>がある。  
 このとき、次の①, ②の問いに答えなさい。

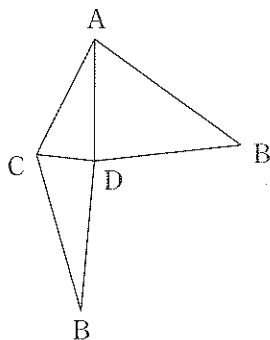


- ① 次の「た」にあてはまるものを答えなさい。

この三角錐において、辺ABとねじれの位置にある辺の本数は  本である。

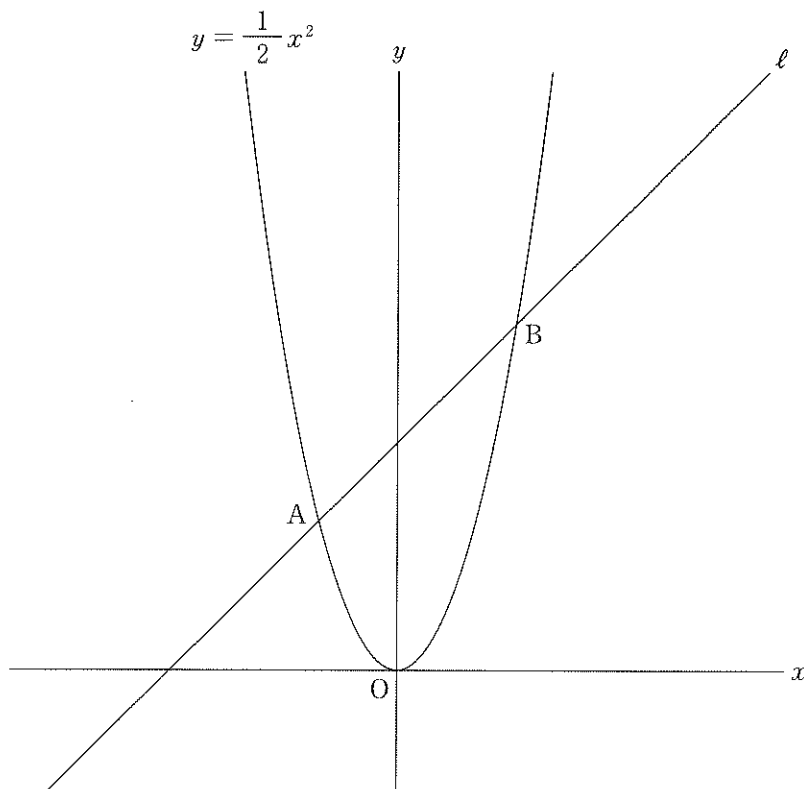
- ② 下の図は、この三角錐の展開図の一部である。すでに下の図にある頂点Bとは別の頂点Bを作図することによって、展開図を完成させなさい。また、その頂点Bの位置を示す文字Bも書きなさい。

ただし、三角定規の角を利用して直線をひくことはしないものとし、作図に用いた線は消さずに残しておくこと。



- 2 下の図のように、関数  $y = \frac{1}{2}x^2$  のグラフと直線  $l$  が2点 A, B で交わっている。2点 A, B の  $x$  座標は、それぞれ  $-4$ ,  $6$  である。

このとき、次の(1)~(3)の問いに答えなさい。



- (1) 次の「ち」にあてはまるものを答えなさい。

点 A の  $y$  座標は  である。

- (2) 次の「つ」~「と」にあてはまるものをそれぞれ答えなさい。

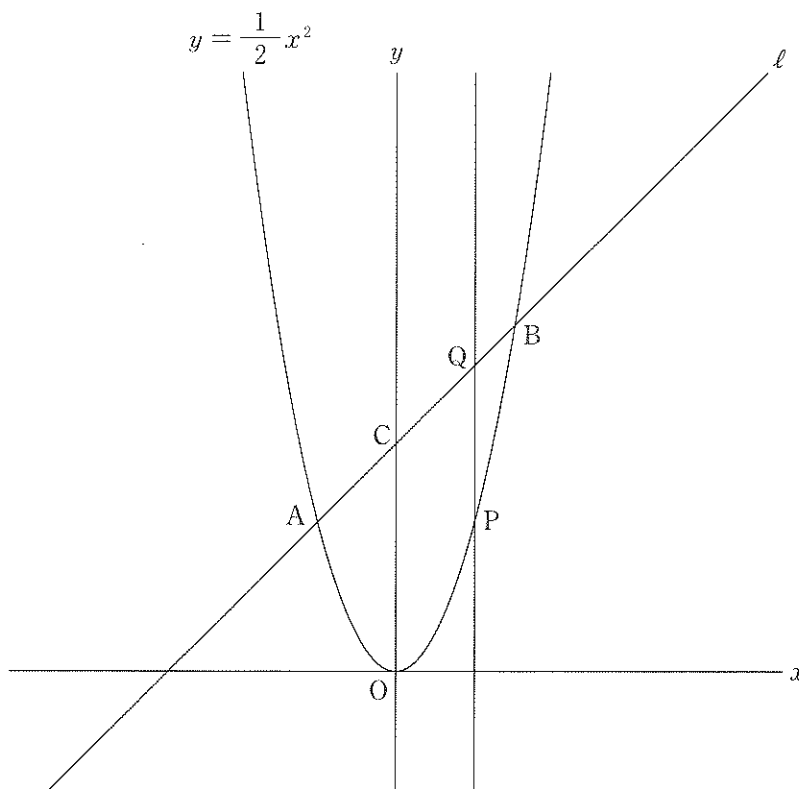
直線  $l$  の傾きは , 切片は  である。

- (3) 直線  $l$  と  $y$  軸との交点を  $C$  とする。また、関数  $y = \frac{1}{2}x^2$  のグラフ上に点  $P$  をとり、点  $P$  を通り  $x$  軸に垂直な直線と、直線  $l$  との交点を  $Q$  とする。

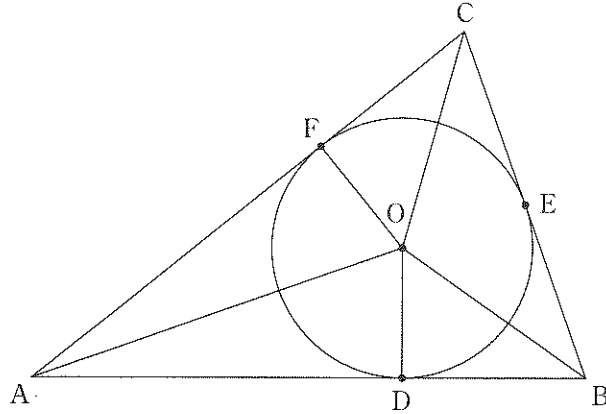
このとき、次の「な」～「ね」にあてはまるものをそれぞれ答えなさい。

$PQ = OC$  となるような点  $P$  の  $x$  座標を小さい順に並べると、

, 0 ,  ,  である。



- 3 下の図のように、 $AB = AC$  の二等辺三角形  $ABC$  と、3 辺  $AB$ ,  $BC$ ,  $CA$  に接する円  $O$  がある。  
 また、点  $D$ ,  $E$ ,  $F$  はそれぞれ接点であり、点  $O$  と 5 点  $A$ ,  $B$ ,  $C$ ,  $D$ ,  $F$  をそれぞれ結ぶ。  
 このとき、次の(1)~(3)の問いに答えなさい。



- (1) 次の  ,  ,  に入る最も適当なものを、選択肢のア~カのうちからそれぞれ1つずつ選び、符号で答えなさい。

$AD = AF$  となることを証明するには、円の接線がその接点を通る半径と  であることを利用して、 $\triangle AOD$  と  が  であることを証明すればよい。

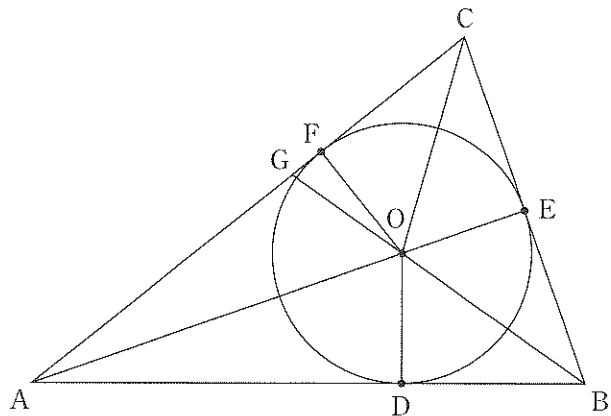
| 選択肢               |      |                   |
|-------------------|------|-------------------|
| ア 垂直              | イ 平行 | ウ $\triangle AOB$ |
| エ $\triangle AOF$ | オ 合同 | カ 直角二等辺三角形        |

(2)  $AD = AF$  となることを証明しなさい。

(3) 点  $O$  と点  $E$  を結び、直線  $BO$  と辺  $AC$  との交点を  $G$  とする。

$AB = 6$  cm,  $CB = 4$  cm であるとき、次の「の」～「ふ」にあてはまるものをそれぞれ答えなさい。

3点  $O$ ,  $F$ ,  $G$  を通る円の半径の長さは  $\frac{\text{の} \sqrt{\text{は}}}{\text{ひふ}}$  cm である。

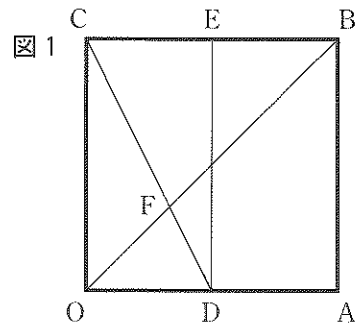


4 1辺が6 cmの正方形の紙を、長さを測らずに3つ折りなどにする方法について、次の会話を読み、会話文中の「へ」～「る」について、あとの(1)～(6)の問いに答えなさい。

なお、例えば、ここでの3つ折りとは、1組の向かい合う辺の長さをそれぞれ3等分となるように畳む折り方である。

会話文

教師T：初めに、正方形の紙を3つ折りにする場合を考えましょう。なお、図1のように、正方形の紙を正方形OABCとして考えます。

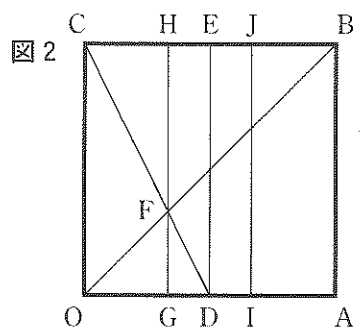


生徒S：図1で考えると、正方形OABCの辺ABが辺OCに重なるように折ると、2つ折りになります。

教師T：そうですね。このときにできた折り目を線分DEとします。線分OBと線分CDの交点をFとすると、 $\triangle ODF \sim \triangle BCF$ となります。このことから、線分OFと線分FBの比を最も簡単な整数の比で表してください。

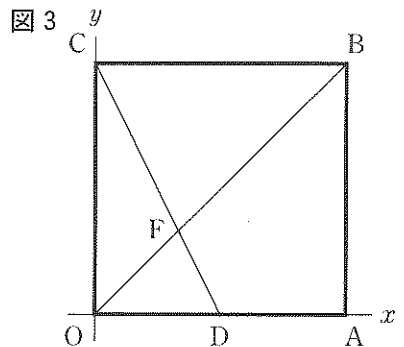
生徒S：はい。OD：BCと同じになるので、OF：FB = ： です。

教師T：正解です。図2のように、点Fを通り、辺ABに平行な線分GHで折ると、 $GF \parallel AB$ なので、 $OG : GA = OF : FB$ です。次に、辺ABを線分GHに重なるように折ったときにできた折り目を線分IJとすると、線分OG = GI = IAとなるので、正方形OABCを3つ折りにすることができます。



生徒S：関数で考えることもできそうです。

教師T：では、図3のように、 $O(0, 0)$ ,  $A(6, 0)$ ,  $B(6, 6)$ ,  $C(0, 6)$ ,  $D(3, 0)$ とすると、点Fのx座標が6の $\frac{1}{3}$ である2となることを求めてみましょう。2点O, Bを通る直線の式を $y = ax$ 、2点C, Dを通る直線の式を $y = bx + c$ とすると、 $a, b, c$ の値はそれぞれいくつですか。



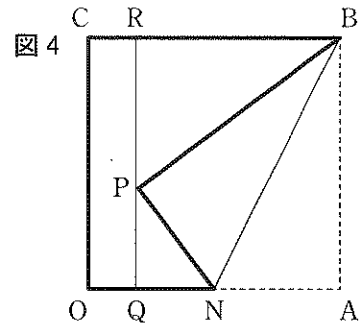
生徒S： $a =$   ,  $b =$   ,  $c =$    
です。

教師T：そうですね。この2直線の交点を求めることにより、点Fのx座標が2となることがわかります。このように、図形を関数で考えることもできます。

生徒S：面白いですね。ところで正方形の紙を5つ折りにすることもできるのでしょうか。

教師T：それでは、正方形OABCを5つ折りにする方法について、考えてみましょう。

図4のように、1辺が6 cmの正方形OABCの辺OAの中点をNとし、線分BNで折ったとき、点Aが移動した点をPとします。また、点Pを通り辺OCに平行な直線と線分ON, CBとの交点をそれぞれQ, Rとします。ここで、 $OQ = d$  cmとし、三平方の定理は使わず相似な図形の関係を利用して、PQとPRをdを用いた式で表しましょう。PQ + PR = 6の方程式を解くことで、dが6 cmの辺を5等分している1つの長さである $\frac{6}{5}$  cmとなることを確かめてください。



生徒S : PQ =  -  $\frac{\text{や}}{\text{ゆ}}$  d, PR =  -  dと表すことが

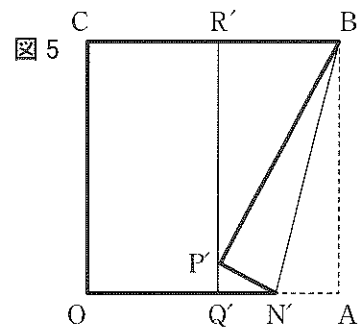
でき、PQ + PR = 6 に代入して方程式を解くと、 $d = \frac{6}{5}$  となりました。

教師T : 正解です。これを利用して5つ折りにすることができますね。

生徒S : 点Nが中点以外のときはどうなるのでしょうか。

教師T : では、例えば、図5のように  $ON' : N'A = 3 : 1$  となるように点N'をとります。また、P', Q', R'を図4のP, Q, Rと同様に考えます。

このとき、線分CR'と線分R'Bの比を最も簡単な整数の比で表してください。



生徒S : はい。CR' : R'B =  :  となります。

教師T : 正解です。この辺の比を利用しても、1組の向かい合う辺の長さを等しく分けることができますね。

- (1) 「へ」, 「ほ」にあてはまるものをそれぞれ答えなさい。
- (2) 「ま」にあてはまるものを答えなさい。
- (3) 「み」~「め」にあてはまるものをそれぞれ答えなさい。
- (4) 「も」~「ゆ」にあてはまるものをそれぞれ答えなさい。
- (5) 「よ」, 「ら」にあてはまるものをそれぞれ答えなさい。
- (6) 「り」, 「る」にあてはまるものをそれぞれ答えなさい。