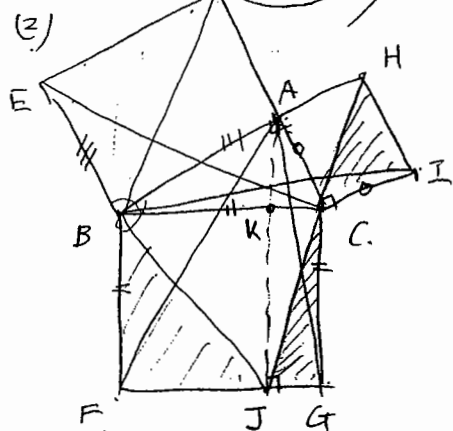


3

①  $(a, b, c) = (13, 12, 5)$   
 $= (25, 24, 17)$

(+6)



(証明1)

上の図のように、各点をそれぞれA~Kとする。

$\triangle ACG$  と  $\triangle ICB$  において、  
 $AC = IC$  (正方形の一辺)  
 $CG = CB$  ( " )  
 $\angle ACG = 90 + \angle ACB = \angle ICB$

∴ 二辺夾角相等しい。  $\triangle ACG \cong \triangle ICB$   
 等積変形より、  $\triangle ACG = \triangle JCG$   
 good!  $\triangle ICB = \triangle ICH$

∴ 長方形  $KJGC =$  正方形  $ACIH$  ①  
 同様に、  $\triangle FBA \cong \triangle CBE$   
 $\triangle FBK = \triangle DBE$

∴ 長方形  $BFJK =$  正方形  $EBAD$  ②

①, ②より、

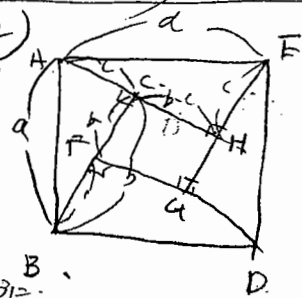
長方形  $KJGC +$  長方形  $BFJK$

$=$  正方形  $ACIH +$   
 正方形  $EBAD$

$2c^2$ ,  
 長方形  $KJGC +$  長方形  $BFJK$   
 $=$  正方形  $BFGC$

∴ 正方形  $BFGC$   
 $=$  正方形  $ACIH$   
 $+ 正方形 EBAD$   
 ∴  $BC = a, BF = b, AC = c$  として  
 $a^2 = b^2 + c^2$  成立した

(証明2)



上の図のように、各点をそれぞれA~Hとする。  
 $AB = a, BC = b, CA = c$  として

正方形  $ABDE$   
 $=$  直角三角形  $ABC \times 4$   
 $+ 正方形 CFGH$  ors

$a^2 = 2bc + (b-c)^2$   
 $a^2 = b^2 + c^2$

∴  $a^2 = b^2 + c^2$  成立した

(+12)

perfect!